

**GUÍAS DE LA
COMISIÓN
BRAILLE
ESPAÑOLA**

Signografía Matemática



GUÍAS DE LA COMISIÓN BRAILLE ESPAÑOLA
Signografía matemática

Comisión Braille Española **ONCE**

Guías de la Comisión Braille Española
Signografía matemática

Primera edición, Madrid 2007

© Comisión Braille Española. Organización Nacional de Ciegos Españoles (ONCE).
Dirección General. Dirección de Cultura y Deporte. Departamento de Recursos
Culturales.
Calle del Prado, 24, 28014 Madrid

Diseño de la cubierta: Gabinete de Diseño. Dirección de Comunicación e Imagen.
ONCE. Dirección General

Coordinación de la edición: Departamento de Recursos Culturales de la Dirección
de Cultura y Deporte. ONCE. Dirección General

La presente edición ha estado al cuidado de Francisco Javier Martínez Calvo

Signografía matemática:

ISBN: 978-84-484-0195-5

Depósito Legal: M-11661-2007

*Queda prohibida la reproducción total o parcial de este libro, su inclusión en un
sistema informático, su transmisión en cualquier forma o por cualquier medio, ya
sea electrónico, mecánico, por fotocopia, registro u otros métodos, sin el permiso
previo y por escrito de los titulares de los derechos de autor.*

Impreso en España - Printed in Spain

Maquetación e Impresión: Artes Gráficas Palermo, S.L.

Introducción

En junio de 1987, en Montevideo (Uruguay), las Imprentas Braille de Habla Hispana aprueban el «Código Matemático Unificado para la lengua castellana» (en adelante, CMU). Desde ese momento los lectores braille de habla hispana disponen de una signografía oficial para textos matemáticos.

La escritura matemática en caracteres visuales, así como, en general, la científica, utiliza recursos gráficos para calificar y expresar atributos de variables y entidades matemáticas (por ejemplo, índices y marcas), representaciones bidimensionales (tales como matrices) y representaciones gráficas complejas en distintos niveles (caso de las divisiones). Estas peculiaridades podrían parecer complejas para ser representadas mediante un sistema de escritura básicamente lineal como es el braille. El CMU resuelve esta complejidad con sencillez y claridad, permitiendo que estas estructuras matemáticas puedan ser escritas ateniéndose a las peculiaridades de la lectura secuencial a través del tacto.

Pasados 20 años, y a pesar de que cada vez más las herramientas informáticas y procesadores de texto permiten obtener ediciones más ricas visualmente, el CMU sigue teniendo plena vigencia.

En base a ello, esta guía sigue la estructura por capítulos y secciones de dicho código, con el fin de no crear posibles equívocos si se consultan ambos documentos.

Por último, queremos agradecer a los creadores del CMU, que han sido nuestros maestros y compañeros, el camino que nos han abierto tanto a usuarios del braille como a transcritores. Sin lugar a dudas, su racionalidad seguirá siendo útil a muchas generaciones y base para la elaboración de otras signografías científicas.

Recomendaciones a tener en cuenta en la escritura de textos matemáticos

Antes de comenzar la transcripción de textos matemáticos es conveniente tener en cuenta las siguientes recomendaciones recogidas en el CMU:

1. Las expresiones matemáticas se escribirán, en general, sin espacios intermedios (espacios en blanco). No obstante, en algunos casos, por razones de claridad, se hace necesario dejar espacios en blanco antes y después de algunos signos que expresamente se indican en las tablas correspondientes (ejemplo: «por lo tanto»).

Del mismo modo, esta excepción se aplica en algunos casos a otros signos: por ejemplo, la igualdad en el caso de tablas o gráficas (v. 7.5.1).

2. Para evitar posibles confusiones, se recomienda no utilizar la estenografía¹ braille en los textos de ciencias exactas o naturales.

3. Cuando aparezca una fórmula matemática incluida en un texto, se dejarán dos espacios en blanco antes y después de la fórmula.

¹ «Estenografía: Sistema de escritura abreviada para el braille en el que un único signo puede representar una palabra o un grupo de letras. Su finalidad es ahorrar espacio y aumentar la velocidad de lectura. Desde 1932 actúa oficialmente como braille convencional para los países angloparlantes. Existen tablas estenográficas para distintos idiomas, como el español, el francés o el alemán.» CEBRIÁN DE MIGUEL, MARÍA DOLORES (2003). *Glosario de discapacidad visual*, Madrid: ONCE.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

4. El corte de una expresión matemática al final de un renglón se efectuará, tal como ocurre en la escritura visual, en un signo de relación o de operación (como la igualdad, la suma, etc.). Este signo se repetirá al comenzar la línea siguiente.

Una excepción a esta regla son las expresiones de conjuntos definidos por extensión, sucesiones, etc., que pueden cortarse tras un signo de puntuación (como «punto y coma», «dos puntos»), el cual no se repetirá en el renglón siguiente.

5. Se recomienda (fundamentalmente a los editores) que en los textos de Matemáticas y Ciencias Exactas en general se incluyan tablas con los signos utilizados y su significado, así como la representación gráfica (cómo es en tinta) de la signografía y los gráficos utilizados.

6. También se recomienda explicar la función y el uso de los paréntesis auxiliares cuando aparezcan por primera vez en un texto, dado que se trata de un recurso propio del sistema braille.²

² En la sección 1.3 se recogen los signos de apertura y cierre de paréntesis auxiliares, así como una explicación de cuál es su uso.

Importancia del contexto en la escritura braille

Los seis puntos que forman el signo generador braille permiten obtener 63 combinaciones de puntos, con los que se construyen los caracteres braille. Con este número de combinaciones se ha de dar respuesta a las distintas representaciones en caracteres visuales de materias científicas.

Uno de los recursos de los que nos valemos para ello es el contexto en el que estamos escribiendo, de modo que un carácter braille tiene un significado determinado en la *Signografía Básica* y otro en cualquier otra materia.

El asterisco tiene un valor determinado en Matemáticas —puntos 256— (utilizado, por ejemplo, entre otras cosas, cuando se quiere indicar que un conjunto numérico no tiene incluido el número 0), y en la *Signografía Básica* otro (puntos 35). Es también el caso del signo «dos puntos», que en la *Signografía Básica* se corresponde con el carácter braille 25, mientras que, cuando es utilizado en la escritura de funciones, se forma con los puntos 46.

Por lo tanto, se ha de ser muy cuidadoso en la utilización de signos braille en función del contexto en el que estemos escribiendo. Esta circunstancia es más importante en la transcripción de libros de texto y de apuntes, cuyo contenido exige la utilización tanto de la *Signografía Básica* como de los códigos concretos de cada materia, como en este caso las Matemáticas.

1. Prefijos alfabéticos y signos unificadores

1.1. Prefijos alfabéticos

En Matemáticas, así como en otras ciencias, se utilizan letras de distintos alfabetos. Con el fin de indicar a cuál de ellos pertenece una letra determinada se utilizan los siguientes prefijos:

| Signo braille | Puntos braille | Significado |
|---|----------------|--|
|  | 5 | prefijo de letra latina minúscula |
|  | 46 | prefijo de letra latina mayúscula |
|  | 4 | prefijo de letra griega minúscula |
|  | 45 | prefijo de letra griega mayúscula |
|  | 6 | prefijo de letra gótica y otras variantes tipográficas en minúscula |
|  | 56 | prefijo de letra gótica y otras variantes tipográficas en mayúscula |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Algunas letras de otros alfabetos con significado concreto en Matemáticas tienen signos braille específicos (por ejemplo, *Alef*, que se encuentra en el capítulo 6. *Teoría de conjuntos y lógica*, apartado 6.1).

¿Cuándo se utiliza el prefijo de letra y cuándo no?

En la escritura braille de expresiones matemáticas *todas las letras irán provistas del prefijo* correspondiente, a excepción de *las latinas minúsculas que solo llevarán su prefijo en los siguientes casos:*³

a) *Las letras de la 1.ª serie*⁴ cuando las preceda un número y pudieran, por lo tanto, confundirse con una cifra.

Ejemplos: 5x = 40b





b) *Delante de cualquier letra latina cruzada, tachada o marcada con puntos en la parte superior, para evitar confusiones con las letras griegas.*

Con el carácter formado por el punto 4 se indica que una letra está punteada, y con el formado por los puntos 45 se indica que una letra está tachada.

³ Los casos que están recogidos en el CMU se han escrito en cursiva (casos a) y b). El caso c), aunque no viene recogido como caso específico en dicho código, se deduce de su aplicación.

⁴ Las letras de la 1.ª serie, primeras diez letras del alfabeto, se corresponden con las diez cifras de los números arábigos (ver ficha 2-1 de la *Signografía Básica*).

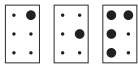
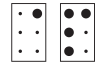
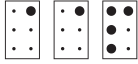
| Signo braille | Puntos braille | Significado |
|---|----------------|----------------------------------|
|  | 4 | prefijo de letra punteada |
|  | 45 | prefijo de letra tachada |

Ambos prefijos son iguales a los de «minúscula» y «mayúscula griega», respectivamente. Si no se incluyese el prefijo de «latina minúscula» antes de la letra afectada, su lectura correspondería a una letra griega.

La secuencia de escritura braille será:

- 1.º) Signo de punteado o tachado, según corresponda.
- 2.º) Prefijo de «latina minúscula».
- 3.º) Letra afectada.

Ejemplos:⁵

| | | |
|---|---|-----------------------|
| ṗ |  | p minúscula punteada |
| π |  | pi minúscula |
| ṫ |  | pi minúscula punteada |

⁵ En algunos de estos ejemplos se utilizan letras griegas que están recogidas en la sección 1.2. *Representación braille del alfabeto griego.*

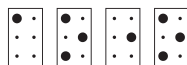
SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

| | | |
|---|--|-------------------------|
| ϐ | | p minúscula tachada |
| Ω | | omega mayúscula |
| ϖ | | omega mayúscula tachada |
| β | | beta minúscula tachada |

c) Cuando, a continuación de los signos de «mayor que» o «muy superior a» (v. 4.2. Relaciones numéricas elementales) sea preciso escribir la letra «o». El signo de «mayor que» se representa con los puntos 135, al igual que la letra «o», y el signo de «muy superior a» se representa repitiendo dos veces los puntos 135.

| Signo braille | Puntos braille | Signo tinta | Significado |
|---------------|----------------|-------------|-----------------------------------|
| | 135 | o | letra «o» |
| | 135 | > | mayor que |
| | 135-135 | >> | mucho mayor que muy superior a |

De este modo la secuencia **a>o** en braille se escribirá:



SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

La secuencia **a>>o** en braille se escribirá:



En Matemáticas, «letra latina» = «letra base»

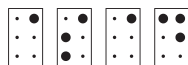
En la escritura braille de textos matemáticos, la letra base es la latina. De este modo, cuando una letra latina minúscula venga precedida de una letra griega o gótica no será necesario escribir su prefijo (punto 5).

Ejemplo:

σd («*sigma griega minúscula*» seguida de «*d latina minúscula*») se escribe:

























$\sigma\delta$ («*sigma minúscula*» seguida de «*delta minúscula*») se escribe:





























SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

1.2. Representación braille del alfabeto griego

Las letras griegas son frecuentes en los textos matemáticos y científicos en general.

| Minúsculas | | | Mayúsculas | | | |
|---|--------|----------|------------|--|---------|----------|
|  | 4-1 | α | alfa |  | 45-1 | A |
|  | 4-12 | β | beta |  | 45-12 | B |
|  | 4-1245 | γ | gamma |  | 45-1245 | Γ |
|  | 4-145 | δ | delta |  | 45-145 | Δ |
|  | 4-15 | ε | épsilon |  | 45-15 | E |
|  | 4-1356 | ζ | zeta |  | 45-1356 | Z |
|  | 4-156 | η | eta |  | 45-156 | H |
|  | 4-1456 | θ | theta |  | 45-1456 | Θ |
|  | 4-24 | ι | iota |  | 45-24 | I |
|  | 4-13 | κ | kappa |  | 45-13 | K |
|  | 4-123 | λ | lambda |  | 45-123 | Λ |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

| | | | | | | |
|---|---------|--------------------|---------|---|----------|----------|
|  | 4-134 | μ | my |  | 45-134 | M |
|  | 4-1345 | ν | ny |  | 45-1345 | N |
|  | 4-1346 | ξ | xi |  | 45-1346 | Ξ |
|  | 4-135 | \omicron | ómicron |  | 45-135 | O |
|  | 4-1234 | π | pi |  | 45-1234 | Π |
|  | 4-1235 | ρ | rho |  | 45-1235 | P |
|  | 4-234 | $\varsigma \sigma$ | sigma |  | 45-234 | Σ |
|  | 4-2345 | τ | tau |  | 45-2345 | T |
|  | 4-136 | υ | ípsilon |  | 45-136 | Υ |
|  | 4-124 | ϕ | phi |  | 45-124 | Φ |
|  | 4-12346 | χ | ji |  | 45-12346 | X |
|  | 4-13456 | ψ | psi |  | 45-13456 | Ψ |
|  | 4-2456 | ω | omega |  | 45-2456 | Ω |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

1.3. Signos unificadores y paréntesis auxiliares

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|-----------------------------|----------------|--|
| | 126 ... 345 | () | paréntesis |
| | 12356 ... 23456 | [] | corchetes |
| | 5-123 ... 456-2 | { } | llaves |
| | 5-13 ... 46-2 | < > | paréntesis angulares |
| | 456 ... 456-0d ⁶ | | barras (seguidas de semicajetín en blanco) |

⁶ Con «0d» se indica que el signo braille que se haya de escribir en ese lugar no ha de tener ni el punto 1, ni el 2, ni el 3 (*semicajetín en blanco por la derecha*). Si no se cumple esta condición es necesario dejar un espacio en blanco entre el signo de «cierre de barra» y el signo siguiente. Ejemplos:

| | |
|---------|--|
| a,b,c M | |
| a,b,c 3 | |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA



456-123 ... 456-123



barras dobles



5-345 ... 126-2



llaves especiales⁷



26 ... 35

paréntesis auxiliares

Paréntesis auxiliares

Los paréntesis auxiliares son un recurso específico del braille para la escritura de textos matemáticos y científicos. Se utilizan con el fin de limitar expresiones que en la escritura visual aparecen unificadas de diversas maneras, tales como el distinto tamaño de subíndices y superíndices, el distinto nivel respecto a la línea básica de la escritura (fracciones), los radicandos, etc.

Ejemplo:

$$\frac{a + b}{c + d}$$

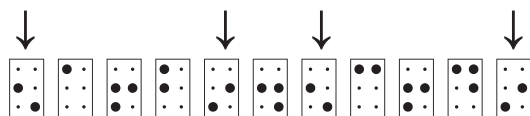
⁷ En general, los signos de «llaves especiales» se utilizarán para representar la apertura y el cierre, respectivamente, de todos aquellos signos unificadores que puedan aparecer en caracteres visuales y no estén recogidos en este apartado.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Para su escritura de forma lineal es necesario utilizar el recurso de los paréntesis auxiliares de este modo:

- Expresión «a+b» encerrada entre paréntesis auxiliares.
- Signo de división (v. 4.1. *Signos de operaciones aritméticas elementales*).
- Expresión «c+d» encerrada entre paréntesis auxiliares.

En braille se escribirá del siguiente modo (los signos de apertura y cierre de «paréntesis auxiliares» se señalan con una flecha):



No será necesario el uso de paréntesis auxiliares cuando se trate de expresiones que están unificadas, bien por su significado matemático, bien por signos unificadores tales como paréntesis comunes, corchetes, llaves, etc.

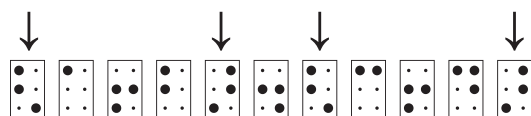
Ejemplo:

$$\frac{(a + b)}{(c + d)}$$

En este caso no serían necesarios, pues cada una de las expresiones está encerrada entre paréntesis comunes.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

En braille se transcribirá (los signos de «abrir» y «cerrar paréntesis» se señalan con una flecha):

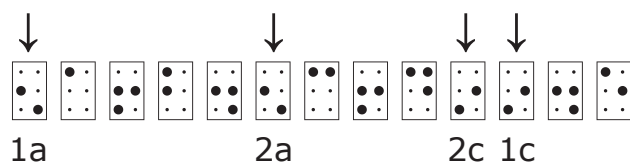


Los paréntesis auxiliares pueden repetirse indefinidamente sin que haya lugar a equívocos, ya que los signos de cierre se colocan en orden inverso a las aperturas correspondientes (v. 5.1).

Ejemplo:

$$\frac{a + \frac{b}{c+d}}{e}$$

En braille se transcribe así (el signo de «abrir paréntesis» de cada par se señala con el número seguido de una «a», y el de cierre seguido de una «c»):



2. Índices y marcas

2.1. Posiciones

En caracteres visuales, un signo puede estar afectado por letras, números, expresiones, marcas, etc., en alguna de las posiciones que figuran en el gráfico siguiente:

1 2 3
Z
4 5 6

Posición 1 Superíndice a la izquierda

Posición 2 Superescrito

Posición 3 Superíndice a la derecha (caso más habitual, que afecta a los exponentes que indican la potencia de un número o expresión)

Posición 4 Subíndice a la izquierda







Posición 5 Suscrito

Posición 6 Subíndice a la derecha

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

2.2. Subíndices y superíndices

Para indicar la posición en que se encuentra el índice se utilizan los siguientes signos braille escritos a continuación del signo base al que afectan:

| Signo braille | Puntos braille | Significado |
|---|----------------|-------------------------------------|
|  | 34 | subíndice a la derecha ⁸ |
|  | 16 | superíndice a la derecha |
|  | 6-34 | subíndice a la izquierda |
|  | 4-16 | superíndice a la izquierda |
|  | 34-34 | índice en suscrito |
|  | 16-16 | índice en superescrito |

⁸ Cuando las marcas están situadas a la derecha se suele obviar la referencia al lugar. En los ejemplos incluidos en esta guía donde figuren marcas e índices no se menciona la referencia al lugar donde se encuentran con respecto al símbolo base cuando están a la derecha, mencionándose solo cuando están a la izquierda.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

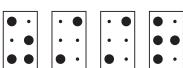
Ejemplos (en ellos se utiliza la «z» como letra base y la «r» como índice):

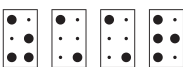
Z_r  z con subíndice «r»

Z^r  z con superíndice «r»

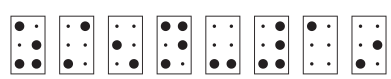
$_rZ$  z con «r» en subíndice a la izquierda

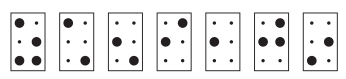
rZ  z con «r» en superíndice a la izquierda

Z_r  z con «r» suscrita

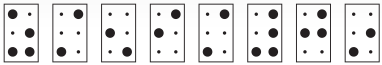
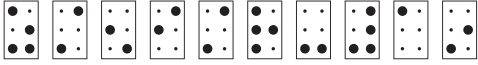
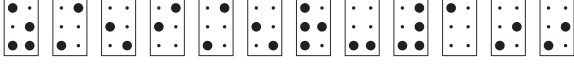

rZ  z con «r» superescrita

Si el índice estuviera formado por varios términos o por una expresión matemática, se encerrará entre paréntesis auxiliares. Ejemplos (para la escritura de números, ver capítulo 3. *Números*):

Z_{n-1}  z con subíndice «n-1»

$Z^{i,j}$  z con superíndice «i,j»


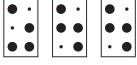

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

| | | |
|---------------|--|---|
| Z_{i_0} |  | z con subíndice «i» con subíndice «0» |
| $Z_{i_{r-1}}$ |  | z con subíndice «i» con subíndice «r» menos 1 |
| $Z_{i_{r-1}}$ |  | z con subíndice «i» con subíndice «r-1» |
| ${}^{n-1}Z$ |  | z con superíndice a la izquierda «n-1» |

Análogamente para cualquier posición.

2.3.1. Marcas a la derecha en superíndice

Las marcas «prima», «segunda» y «tercera» son de uso frecuente y tienen un signo específico. En caracteres visuales se representan por una, dos o tres comas respectivamente en posición de superíndice. En braille, cada una de estas comas se escribe con el carácter braille, formado por los puntos 1256.

| | | |
|--------|---|-----------|
| Z' |  | z prima |
| Z'' |  | z segunda |
| Z''' |  | z tercera |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

El resto de marcas se escriben a continuación del signo base utilizando su signo propio seguido del punto 3.⁹ Los principales signos que se utilizan como marcas en el contexto matemático son:

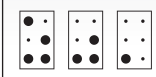
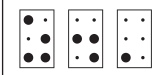
| Signo braille | Puntos braille | Signo tinta | Significado |
|---------------|----------------|----------------|--|
| | 235-3 | ■ ⁺ | marca de signo positivo en superíndice |
| | 36-3 | ■ ⁻ | marca de signo negativo en superíndice |
| | 356-3 | ■ [°] | marca de círculo en superíndice |
| | 256-3 | ■ [*] | marca de asterisco en superíndice |

A continuación, se dan ejemplos de su escritura, utilizando la letra «z» como base:

| | | |
|----------------------|--|-------------------------|
| Z⁺ | | z con un signo positivo |
| Z⁻ | | z con un signo negativo |

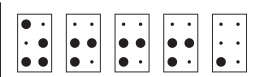
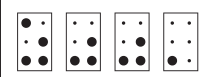
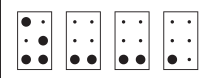
⁹ Cuando el contexto en el que se escribe se corresponde con Química, no se utiliza el punto 3, como queda explicado en la signografía para *Química Lineal* (v. 4. Iones y números de oxidación).

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

| | | |
|-------------|---|-----------------------------|
| Z° |  | z con círculo ¹⁰ |
| Z^* |  | z con asterisco |

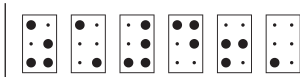
La marca se repetirá cuantas veces sea necesario, colocando el punto 3 tras la última repetición.

Ejemplos:

| | | |
|------------------|---|-----------------------------|
| Z^{+++} |  | z con tres signos positivos |
| $Z^{\circ\circ}$ |  | z con dos círculos |
| Z^{--} |  | z con dos signos negativos |

Si la base está afectada por cuatro o más marcas iguales, suele representarse en caracteres visuales con el número de marcas seguido de la marca en cuestión. En braille será necesario el signo de superíndice seguido del número, la marca correspondiente y un último carácter con el punto 3.

Ejemplo:

| | | |
|----------|---|-------------------------------|
| Z^{4+} |  | z con cuatro signos positivos |
|----------|---|-------------------------------|

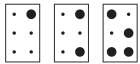
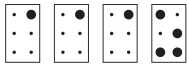
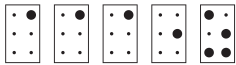
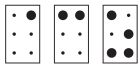
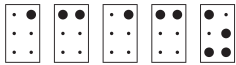
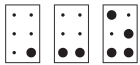
¹⁰ Cuando $^{\circ}$ es utilizado para indicar grados no va seguido del punto (v. 8.2. *Medidas angulares*).

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

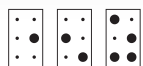
2.3.2. Marcas en superescrito y suscrito

Ambas son las únicas marcas que se escriben antes del símbolo base al que afectan.

En el caso particular de las letras marcadas con uno, dos o tres puntos en superescrito, es necesario utilizar el prefijo alfabético correspondiente, incluso para las letras latinas minúsculas, como se ve en los siguientes ejemplos:

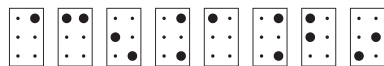
| | | |
|----------------------|---|--|
| \ddot{z} |  | z con dos signos negativos |
| ζ |  | letra griega zeta minúscula con dos puntos |
| ζ |  | zeta minúscula con tres puntos |
| \bar{z} |  | zeta superrayada |
| $\overline{\bar{z}}$ |  | zeta con dos rayas horizontales |
| \underline{z} |  | zeta subrayada |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

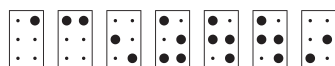
 \tilde{z} 

línea ondulada sobre la zeta

Si la marca en superescrito afecta a más de una letra o una expresión que contenga más de un término, estos se encerrarán entre los correspondientes paréntesis auxiliares.

 \overline{AB} 

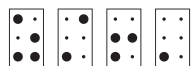
raya sobre A y B

 $\overline{z''}$ 

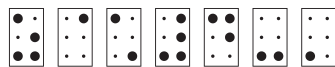
zeta segunda superrayada

2.3.3. Marcas en otras posiciones

Cuando cualquiera de las marcas anteriores aparezca en otra posición, será necesario el uso del indicador braille de posición:

 z^+ 

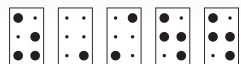
zeta segunda superrayada

 4z 

z con cuatro signos negativos
en posición de superíndice a la
izquierda

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

„Z



z segunda en posición de subíndice a la izquierda.

2.4. Símbolos con varios índices¹¹

2.4.1. Subíndices y superíndices simultáneos

Cuando un símbolo o letra está afectado simultáneamente por un subíndice y un superíndice, se transcribirán por ese mismo orden: primero el subíndice y luego el superíndice.

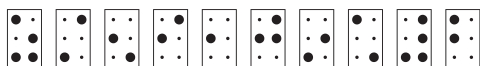
Ejemplos:

Z_4^3



z con subíndice «4» y superíndice «3» (al cubo)

$Z_{i,j}^2$



z con subíndice «i,j» y superíndice «2» (al cuadrado)

¹¹ Esta forma de representación no se aplica en la escritura de los símbolos de algunas entidades matemáticas, tales como integral (\int), sumatorio (Σ), productorio (Π) y otros, ya que no se utilizan los signos que indican el lugar donde está situado cada uno de los índices. En la sección correspondiente se dará cuenta de esta circunstancia, explicando cuál es la operativa que se sigue en estos casos.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

2.4.2. Caso general

El orden que se ha de seguir en la escritura cuando un símbolo base está afectado por más de un índice y/o marca, será el siguiente:

- 1.º Marcas en superescrito.
- 2.º Símbolo base o portador.
- 3.º Índices literales y numéricos a la izquierda.
- 4.º Marcas a la izquierda.
- 5.º Marcas a la derecha.
- 6.º Subíndices a la derecha.
- 7.º Superíndices a la derecha (o exponente).

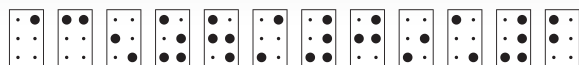
Ejemplos:

| | | |
|------------------|--|---|
| z'_0 | | z prima con subíndice «0» |
| z'^3 | | z prima con superíndice «3» (al cubo) |
| \overline{z}_0 | | z con subíndice «0» superrayada |
| $(z'_0)^2$ | | z prima con subíndice «0», entre paréntesis, superrayada y con superíndice «2» (al cuadrado) |

Si en esta expresión no figuraran paréntesis, para su transcripción al braille se utilizarán paréntesis auxiliares.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

$$\overline{z'_0}^2$$



z prima con subíndice «0»,
superrayada y con superíndice
«2» (al cuadrado)

2.5. Índices desplazados

La transcripción en braille de los índices desplazados se efectuará escribiendo, antes del indicador de posición correspondiente, el signo 56 para los subíndices y el signo 45 para los superíndices.

Siempre se escribirá primero el índice que está más cercano al signo base, es decir, el no desplazado.

| Signo braille | Puntos braille | Significado |
|---------------|----------------|--------------------------|
| | 45 | superíndices desplazados |
| | 56 | subíndices desplazados |

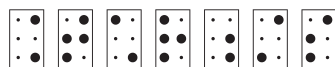
En estos dos ejemplos la «s» está desplazada.

$$T_r^s$$



T subíndice «r», superíndice
desplazado «s»

$$T^r_s$$



T superíndice «r», subíndice
desplazado «r»¹²

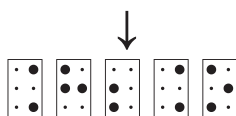
¹² Obsévese en este caso que, siguiendo la norma de la escritura de «índices desplazados», se escribe primero el superíndice que afecta a la letra base, en lugar del subíndice. De no estar desplazado el subíndice, el orden sería el inverso (v. 2.4.1. *Subíndices y superíndices simultáneos*).

2.6. Índices numéricos abreviados

Los subíndices numéricos colocados a la derecha en la notación de matrices, determinantes, gráficos y en fórmulas químicas,¹³ pueden representarse en forma abreviada¹⁴ utilizando los elementos braille de la quinta serie (números en posición baja¹⁵) sin indicador de posición ni signo numérico.

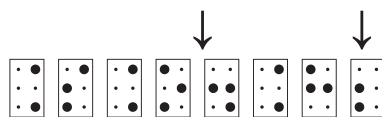
Ejemplos (en ellos se indica con una flecha cuál es el número en posición baja abreviado):

H₂O



Fórmula del agua

SO₄H₂



Fórmula del ácido sulfúrico


¹³ Para la escritura de textos de Química existe una signografía específica llamada *Química lineal*, en cuyos capítulos 2 y 3 se detalla la escritura de índices que afectan a elementos químicos y moléculas.







¹⁴ Se entiende por «representación abreviada de los números» cuando, en determinados contextos, no es necesario escribir el signo de número que le precede (v. 7.5.1 en los ejemplos de escritura de «matrices»).





¹⁵ V. 3.2.2. *Números fraccionarios* («Recurso de los números en posición baja»).

3. Números

3.1. Caracteres árabes o guarismos


Para su escritura se utilizan las diez primeras letras del alfabeto precedidas del carácter  (puntos 3456), que actúa como prefijo para todas las cifras del número.

| Signo braille | Puntos braille | Significado |
|---|----------------|-------------|
|  | 3456-1 | 1 |
|  | 3456-12 | 2 |
|  | 3456-14 | 3 |
|  | 3456-145 | 4 |
|  | 3456-15 | 5 |
|  | 3456-124 | 6 |

| Signo braille | Puntos braille | Significado |
|---|----------------|-------------|
|  | 3456-1245 | 7 |
|  | 3456-125 | 8 |
|  | 3456-24 | 9 |
|  | 3456-245 | 0 |

En determinados casos, como la representación de tablas, matrices, etc... y con el fin de que una estructura completa entre en una misma hoja braille (v. 7.5.1), se podrá prescindir del signo de número, dando cuenta de ello en una *Nota de transcripción braille*.

Punto de millar

| Signo braille | Puntos braille | Significado |
|---|----------------|-----------------|
|  | 3 | punto de millar |

Según la norma, en los textos en caracteres visuales los números no deben llevar puntos de millar, si bien se siguen utilizando incorrectamente. Si los números son muy largos, para facilitar su lectura, pueden separarse en grupos de tres cifras utilizando espacios en blanco. Sin embargo, en braille siempre se escribirá el punto de millar, figure lo que figure en el original.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Ejemplos:

1.720

3.802.197

Como se puede observar, no es necesario escribir otra vez el signo de número después del punto de millar cada vez que se inicia un período de tres cifras.

Ejemplos (se señala con una flecha el signo de punto, que se ha omitido en la escritura en caracteres visuales):

1 720

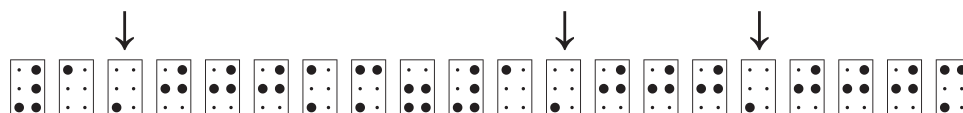
3 802 197

Igualmente, en aquellos casos en que se omite el espacio en caracteres visuales, en braille siempre se escribirá el punto.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Ejemplo:

$$1000 \text{ km} = 1000000 \text{ m}$$



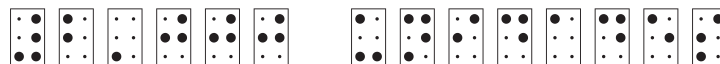
Aunque no es algo específico de la escritura de textos matemáticos, sino una norma general, es conviene recordar que de esta regla se exceptúa en braille la escritura de los años, que, al igual que en caracteres visuales, nunca debe llevar el punto de millar.

Ejemplos:

Año 2000



2000 unidades



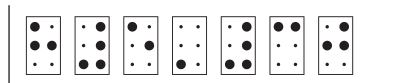
El punto en la escritura de las horas

Cuando se escribe un punto separando la cifra de las horas de la de los minutos es preciso el signo de número delante de cada una de las dos cifras.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Ejemplo:

h. 5.30



hora cinco treinta

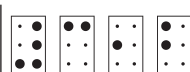
3.2. Números decimales y fraccionarios

3.2.1. Números decimales y periódicos

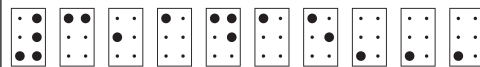
| Signo braille | Puntos braille | Significado |
|---------------|----------------|----------------------------|
| | 2 | coma decimal ¹⁶ |

Ejemplos:

3,2



3,1415...



Período decimal

Las expresiones decimales periódicas se transcribirán, sea cual fuere su representación en tinta, utilizando dos comas: la primera transcribe la coma decimal y la segunda precederá a la primera cifra del período.

¹⁶ El CMU, refiriéndose a los países de habla hispana, señala textualmente que «en aquellos países donde en vez de coma decimal se use el punto decimal, se le representará igualmente con el punto» 2.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Ejemplos:

$$3,254 \quad \left| \begin{array}{ccccccc} \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} \\ \hline \end{array}$$
$$3,254 \quad \left| \begin{array}{ccccccc} \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} \\ \hline \end{array}$$

En este último ejemplo, el período incluye todas las cifras decimales que componen el número, por lo que el punto 2 deberá escribirse dos veces seguidas: la primera para indicar que comienza la parte decimal y la segunda para indicar que comienza el período.

Al igual que ocurre con «el punto de millar», después de la «coma decimal» y de la de «período» no es necesario volver a escribir el signo de número.

Coma en pares de abscisas-ordenadas

Cuando se separan con una coma los valores numéricos de las abscisas y de las ordenadas es preciso escribir el signo de número antes de cada cifra.









Ejemplo:

$$(18,12) \quad \left| \begin{array}{ccccccc} \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} & \begin{array}{|c|} \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \bullet \\ \hline \end{array} \\ \hline \end{array}$$

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

3.2.2. Números fraccionarios (recurso de los «números en posición baja»)

Para la escritura de números que se encuentran en determinados contextos se utilizan los elementos de la 5.^a serie, la cual se corresponde con las diez primeras letras del alfabeto desplazadas una fila más abajo, de modo que no se utilizan los puntos 1 y 4.

| Signo braille | Puntos braille | Significado |
|---|----------------|--------------------|
|  | 3456-2 | 1 en posición baja |
|  | 3456-23 | 2 en posición baja |
|  | 3456-25 | 3 en posición baja |
|  | 3456-256 | 4 en posición baja |
|  | 3456-26 | 5 en posición baja |
|  | 3456-235 | 6 en posición baja |
|  | 3456-2356 | 7 en posición baja |
|  | 3456-236 | 8 en posición baja |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA



3456-35

9 en posición baja

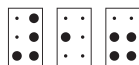


3456-356

0 en posición baja

Si el número tiene más de una cifra, ambas se escribirán en posición baja:

17



17 en posición baja

Números fraccionarios

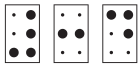
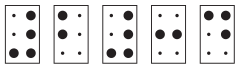
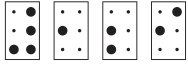
Se escribirán siguiendo la secuencia:¹⁷

- Signo de número.
- Numerador: cifra o cifras del numerador a continuación del signo de número y escritas en posición baja.
- Denominador: cifra o cifras del denominador escritas en posición normal de número (parte superior del cajetín).

¹⁷ No es conveniente esta forma de representación en las «proporciones». Ver el primer ejemplo de 4.2. *Relaciones numéricas elementales*.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Ejemplo:

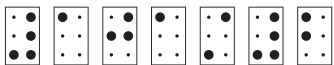
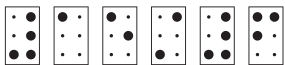
| | | |
|---------------------------------|---|---------------------------|
| $\frac{3}{4}$ ó $\frac{3}{4}$ |  | tres cuartos |
| $2\frac{3}{4}$ ó $2\frac{3}{4}$ |  | dos enteros, tres cuartos |
| 1 |  | doce novenos |

3.3. Números representados en distintas bases

En caracteres visuales se escriben indicando la base, en subíndice, a la derecha del número.

En braille se utilizará el signo de subíndice formado por los puntos 34.

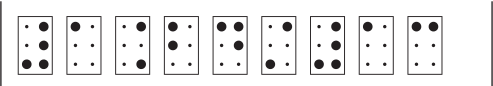
Ejemplos:

| | | |
|---------|---|----------------------|
| 101_2 |  | Número 101 en base 2 |
| 15_6 |  | Número 15 en base 6 |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

En los sistemas de numeración de base superior a 10 se hace necesario introducir nuevos símbolos para la representación de «cifras». Para ello se utilizan generalmente letras. En braille cada una de dichas letras llevará el prefijo alfabético correspondiente y no interrumpirá el valor del signo numérico.

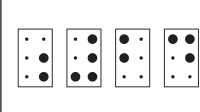
Ejemplos:

$1B4_{13}$ |  | Número 1B4 en base 13

3.4. Variantes tipográficas de los números

Cuando en los números existan variantes tipográficas o de color que sean significativas, se transcribirán anteponiendo al signo numérico los puntos 56, u otros prefijos, si fuera necesario, de los que se encuentran en el Apéndice II, dando siempre cuenta de ello en una *Nota a la edición braille* y en la tabla de signos correspondiente.

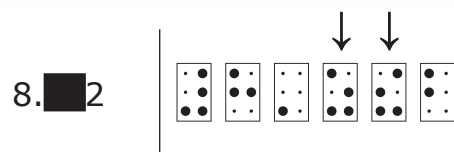
Ejemplo:

24 | 

Si es preciso indicar que una de las cifras de un número está escrita con una tipografía especial, se puede utilizar la tercera serie del alfabeto braille, que está integrada por los diez primeros caracteres con los que se forman las cifras más los puntos 3 y 6.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Ejemplo:






Número 8592 con las cifras impares en tipografía distinta.

3.5. Representación de los principales conjuntos numéricos

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|----------------|----------------|--------------------|
| | 456-1345 | N | números naturales |
| | 456-1356 | Z | números enteros |
| | 456-12345 | Q | números racionales |
| | 456-1235 | R | números reales |
| | 456-14 | C | números complejos |

Por analogía, se formarán así otros conjuntos de números cuyos signos no tienen reconocida una representación oficial, pero que en ocasiones aparecen en libros de texto o en apuntes y es necesario representar. Sería el caso, entre otros, de:

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---|----------------|----------------|----------------------|
|  | 456-24 | I | números irracionales |
|  | 456-1234 | P | números primos |
|  | 456-145 | D | números decimales |

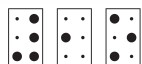
Ni su representación en caracteres visuales, ni su correspondiente en caracteres braille están reconocidas oficialmente. En la confección de textos y apuntes en braille se ha de dar cuenta de su uso en una *Nota a la edición braille* o una *Nota de transcripción braille*, además de su inclusión en la tabla de signos correspondiente, ya que pudieran coincidir con otros signos. Por ejemplo, el «Conjunto de los Números Irracionales» (I) tiene la misma representación braille que el signo de mayor tamaño que representa la «disyunción» —v. 6.2. *Lógica*—, y el de los «Números decimales» (D) es igual que el utilizado para la «derivada parcial».

3.6. Ordinales

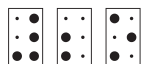
Se forman con los signos de la quinta serie («números en posición baja», v. 3.2.2) precedidos del signo numérico y seguidos de las letras «a» u «o».

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

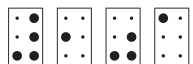
Ejemplo:



1.º

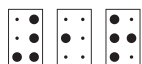


2.º

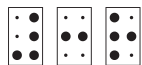


10.ª, etc.

Los ordinales «primer» y «tercer» se representan:




1.º



3.º

3.7. Números romanos

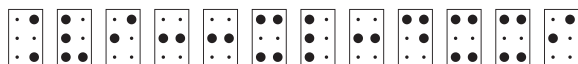
Aunque los números romanos se representan en tinta con letras mayúsculas, para su transcripción en braille bastará con utilizar el prefijo  (46) solamente al comienzo del número.

El trazo horizontal que multiplica por mil la parte cubierta del número y el doble trazo que multiplica por un millón, se transcribirán usando 25 y 25-25, respectivamente, detrás de la última letra afectada.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

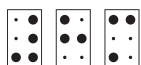
Ejemplo:

$\overline{\overline{\text{VIXLDXXI}}}$ (6 040 521)



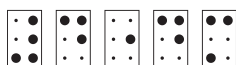
3.8. Ejemplos de transcripción de medidas

8 m



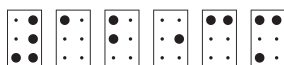
Ocho metros

4 dm



Cuatro decímetros

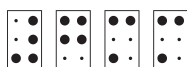
12 cm



Doce centímetros

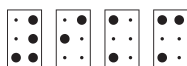
En estos dos últimos ejemplos es necesario anteponer el prefijo de latina minúscula (punto 5) para indicar que «d» en un caso y «c» en el otro no son cifras sino letras.

7 mm



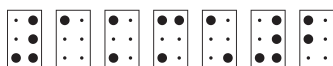
Siete milímetros

9 km



Nueve kilómetros

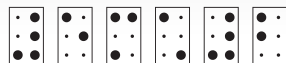
1 km²



Un kilómetro cuadrado

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

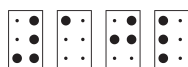
5 m²



Cinco metros cuadrados

Obsérvese en estos dos últimos casos el uso del signo de exponente (v. 2.2. *Subíndices y superíndices*).

10 l



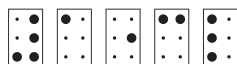
Diez litros

3 dl



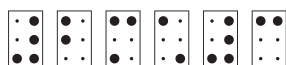
Tres decilitros

1 cl



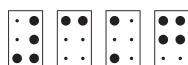
Un centilitro

2 m³



Dos metros cúbicos

3 kg



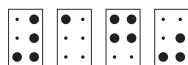
Tres kilogramos

11 g



Once gramos

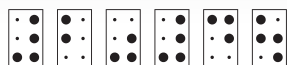
17°



Diecisiete grados (angulares
o de temperatura)

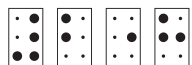
SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

2° 4'



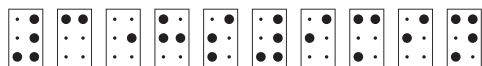
Dos grados, cuatro minutos
(angulares)

2 h



Dos horas

3 hs 9 min



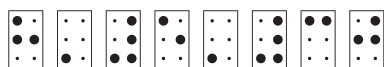
Tres horas nueve minutos

2 h 30



Dos horas treinta







h. 5.30



Hora cinco treinta

4. Operaciones aritméticas básicas y relaciones numéricas elementales

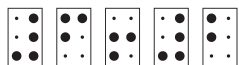
4.1. Signos de operaciones aritméticas elementales

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---|----------------|----------------|-------------------------|
|  | 235 | + | signo de suma positivo |
|  | 36 | - | signo de resta negativo |
|  | 235-25-36 | ± | más o menos |
|  | 236 | x | aspas de multiplicación |
|  | 3 | ▪ | punto de multiplicación |
|  | 256 | :/ | división |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

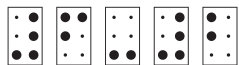
Ejemplos:

6+2



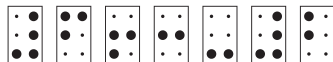
seis más dos

6-2



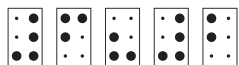
seis menos dos

6±2



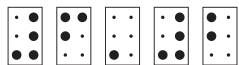
seis más o menos dos

6x2



seis por dos

6.2



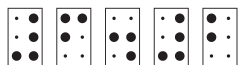
seis por dos

7(6-2)



siete por «seis menos dos»

6:2



seis dividido por dos

4-2

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

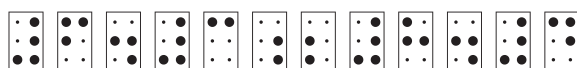
4.2. Relaciones numéricas elementales

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|----------------|----------------|---------------------------------|
| | 2356 | = | igual a |
| | 4-2356 | ≈ | aproximadamente igual a |
| | 2356-2356 | ≡ | es congruente con es idéntico a |
| | 56-23 | :: | como |
| | 246 | < | menor que |
| | 246-246 | ≪ | muy inferior a mucho menor que |
| | 246-2356 | ≤ | menor o igual que |
| | 135 | > | mayor que |
| | 135-135 | ≫ | muy superior a mucho mayor que |
| | 135-2356 | ≥ | mayor o igual que |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

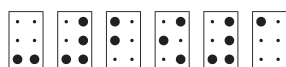
Ejemplos:

$$\frac{6}{3} \div \frac{8}{4}$$



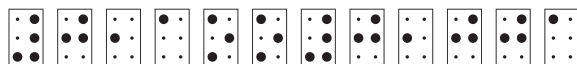
Seis dividido por tres es como ocho dividido por cuatro¹⁸

$$-2 < 1$$




Menos dos es menor que uno

$$0,1 \gg 0,001$$



Una décima es mucho mayor que una milésima

4.3. Relaciones negativas

Se antepone el elemento  (45) al signo que denota la relación cuya validez se niega.

¹⁸ Como se puede observar en este ejemplo, en las «proporciones» es conveniente no utilizar el sistema reducido de representación de fracciones.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Los signos más comunes de relaciones negativas son:

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|----------------|----------------|-----------------|
| | 45-2356 | ≠ | no es igual a |
| | 45-135 | ⋈ | no es mayor que |
| | 45-246 | ⋇ | no es menor que |

Ejemplo:

-3⋈-2

Menos tres no es mayor que
menos dos

4.4. Otras representaciones aritméticas

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|----------------|----------------|---------------------------|
| | 456-356 | % | tanto por ciento |
| | 456-356-356 | ‰ | tanto por mil |
| | 4 | • | múltiplo de ¹⁹ |

¹⁹ En braille, el signo se escribe antes del número o letra correspondiente, mientras que en caracteres visuales, se escribe sobre el número o letra correspondiente. Es el mismo caso que el ya visto de la letra punteada.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA



456-0d

456-256

46-36

|

α

-:

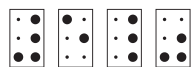
divisor de

divisor primo

valor absoluto de
la diferencia

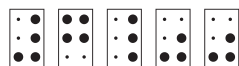
Ejemplos:

5%



5 por ciento

7‰



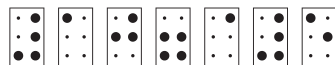
7 por mil

5̇



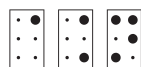
Múltiplo de 5

10 = 5̇



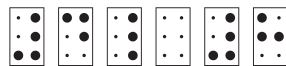
10 es múltiplo de 5

Ṅ



Múltiplo de n

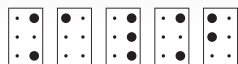
4|8



4 divide a 8

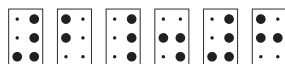
SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

A|B



A divide a B²⁰

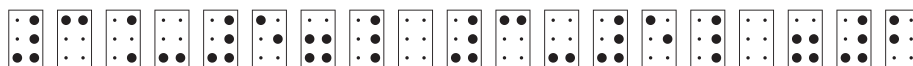
2 ∝ 8



2 es divisor primo de 8

3-:5=|3-5|=2

valor absoluto de la diferencia de 3 menos 5



²⁰ Obsérvese en este ejemplo que en braille no es necesario dejar el espacio en blanco antes de B, ya que el signo de mayúscula braille crea un semicajetín libre a la derecha del signo matemático, al no utilizar ninguno de los puntos de la fila izquierda de su cajetín (puntos 1, 2 y 3).

5. Fracciones, potencias y raíces

5.1. Fracciones generales²¹

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|----------------|----------------|-------------|
|---------------|----------------|----------------|-------------|



256



raya de fracción

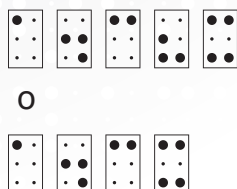
Ejemplos:

$$\frac{a}{c}$$


fracción de numerador «a» y denominador «c»

$$a + \frac{b}{c}$$


«a» más la fracción de «b» sobre «c»

$$\frac{a}{c} \times$$


fracción del numerador «a» y denominador «c» multiplicada por «x»

En los siguientes ejemplos es necesario utilizar los paréntesis auxiliares (v. 1.3) para determinar el denominador.

²¹ Para fracciones numéricas ver 3.2.2, donde se encuentra la forma correcta de escribir números fraccionarios.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

$$\frac{a}{c \cdot x}$$

fracción de numerador «a» y denominador «c» por «x»

$$\frac{a+b}{c}$$

fracción de numerador «a más b» y denominador «c»

$$\frac{a + \frac{b}{c}}{d + e}$$

fracción cuyo numerador es «a más la fracción de b sobre c» y cuyo denominador es «d más e»

$$\frac{a+b}{c+d} \over x+y$$

fracción cuyo numerador es «a+b sobre c+d» y cuyo denominador es «x+y»

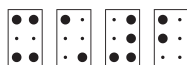
5.2. Potencias

Dado que, desde el punto de vista gráfico, el exponente de una potencia es un superíndice, se escribirá a continuación de la base precedido por el indicador braille correspondiente (puntos 16) —v. 2.2.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Ejemplos:

x^2



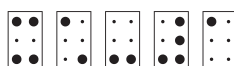
x al cuadrado

x^n



x elevado a la n

x^{-1}



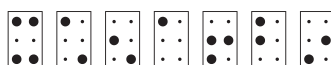
x elevado a -1

$x^{1/2}$



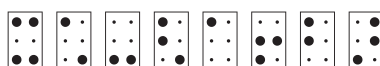
x elevado a 1/2

x^{a+b}



X elevado a a+b

$x^{-(a+b)}$



X elevado a -(a+b)

5.3. Raíces

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|--------------------------|----------------|---------------|
| | 1246...156 ²¹ | $\sqrt{\quad}$ | signo de raíz |
| | 1246-156 | $\sqrt{\quad}$ | raíz cuadrada |

²¹ El elemento 156 es utilizado también en la escritura braille de símbolos matemáticos tales como Unión (\cup), Intersección (\cap), Complementario de un conjunto (\complement), Límite (lim.), Integral (\int), Sumatorio (Σ), Productorio (Π) o Logaritmo (log.), con el fin de delimitar la información que los acompaña en superescrito, suscrito, subíndice o superíndice.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

El índice de raíz se coloca entre los dos elementos braille que componen el signo, y a continuación de este se escribe el radicando. En el caso de la raíz cuadrada se omite el índice por analogía con la escritura en tinta, y se suprime el espacio entre los dos elementos braille del signo de raíz.

Ejemplos:

$$\sqrt{x} \quad \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \quad \text{Raíz cuadrada de «x»}$$

$$\sqrt[3]{x^3} \quad \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \quad \text{Raíz cuadrada de «x al cubo»}$$

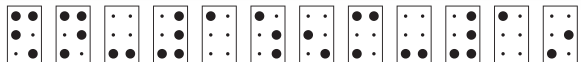
$$\sqrt{\frac{4}{8}} \quad \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \quad \text{Raíz cuadrada de «cuatro octavos»}$$

$$\sqrt[3]{x} \quad \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \quad \text{Raíz cúbica de «x»}$$

$$\sqrt[n]{a+b} \quad \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \quad \text{Raíz enésima de «a más b»}$$

$$\sqrt[n]{a} + b \quad \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \begin{array}{|c|} \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \bullet\bullet \\ \hline \end{array} \quad \text{Raíz enésima de «a», más «b»}$$


SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

$$\sqrt[n-1]{m-1}$$


Raíz de índice «n-1»
de «m-1»

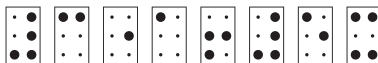
$$\frac{1}{\sqrt[n+1]{m-1}}$$

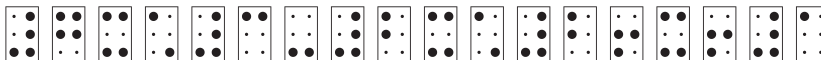
Raíz de índice «1 dividido por n+1» de «m-1»




5.4. Ejemplos de transcripción de expresiones algebraicas

$$3a$$

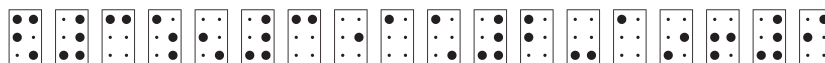

$$3a+5x$$


$$7x^3-2x^2+x+1$$


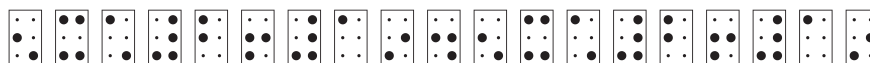
$$\sqrt{x^2 + y^2}$$


SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

$$\sqrt[3]{3a^2 - a} + 9$$



$$\frac{x^2 + 1}{x^2 - 1}$$












$$x^{\sqrt{a+5}}$$



6. Teoría de conjuntos y lógica

6.1. Representaciones elementales

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---|----------------|----------------|-----------------------------------|
|  | 5-123...456-2 | { } | llaves de conjunto |
|  | 6-2 | / : | tal que |
|  | 2356 | = | igual a ²² |
|  | 2356-2356 | ≡ | es idéntico a |
|  | 456-245 | ∅ | conjunto vacío |
|  | 456-136 | U | conjunto o clase «universal» |
|  | 456-345 | ∪ | unión |
|  | 123456-345 | U | unión (cuando es de mayor tamaño) |
|  | 456-156 | ∩ | intersección |

²² Se incluyen este signo y el siguiente, que ya han sido incluidos en otras secciones, por ser de uso habitual en Teoría de conjuntos.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA



123456-156

\cap

intersección
(cuando es de
mayor tamaño)



126-2

\in

es un elemento
de, pertenece a



5-345

\supset

contiene como
elemento a



126-3

\subset

incluido
estrictamente en



6-345

\supset

incluye
estrictamente



126-23

\subseteq

incluido en
(sentido amplio)



56-345

\supseteq

contiene a
(sentido amplio)



5-3

\setminus

diferencia de
conjuntos



56-256

Δ

diferencia
simétrica o suma
booleana

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

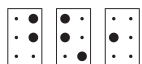


46-236

X

producto
cartesiano

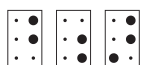
Las relaciones negativas se escriben anteponiendo el signo 45.



45-126-2

\notin

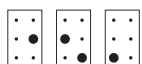
no pertenece a



45-56-345

$\not\supseteq$

no incluye a



5-26-3

\approx

equivale a



6-2

/

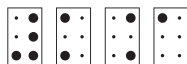
barra oblicua
de conjunto
cociente



3456-13

#

cardinal de



3456-13-46-1

#A

cardinal de a



3456-1256

∞

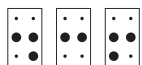
infinito



6-1256

\aleph

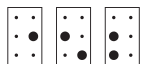
alef «cardinales
transfinitos» (1.^a
letra del alfabeto
hebreo)



256-25-235

\leftrightarrow

coordinable con



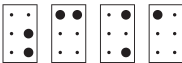
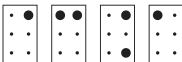
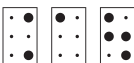
5-26-23

\approx

coordinable con
(v. 7.6)

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

En caracteres visuales se utilizan varias representaciones para indicar «Complementario de un conjunto». En braille se respetará aquella que figure en el original. Las alternativas posibles para representar «Complementario de A» son:

| | | | |
|---|------------|-----------|-----------------------------------|
|  | 56-14-46-1 | C_A | complementario de A |
|  | 4-14-46-1 | \bar{A} | complementario de A ²³ |
|  | 46-1-1256 | A' | complementario de A |

Cuando es preciso añadir una condición al signo de «Complementario de un conjunto», en caracteres visuales se utiliza el primero de los citados anteriormente con la condición en subíndice a la derecha. En braille, esta se escribirá entre el signo 56-14 y el elemento 156, tal y como figura en el primero de los ejemplos que viene a continuación.

| | | |
|---|---------|--------------------------|
|  | $C_M N$ | Complementario de N en M |
|---|---------|--------------------------|

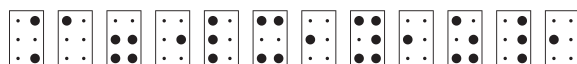
²³ Para la forma de representación de «superrayada» y «prima», alternativa siguiente, véanse las secciones 2.3.2 y 2.3.1, respectivamente.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Ejemplos:

$$A = \{x, y, z\}$$

A es igual al conjunto cuyos elementos son x, y, z.



$$A = \{x/x < 6\}$$

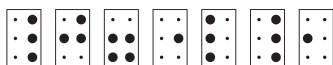
$$A = \{x|x < 6\}$$

$$A = \{x:x < 6\}$$

Conjunto A igual a aquellos x tales que x son menores que 6

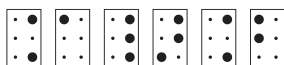


$$\emptyset = \{\}$$



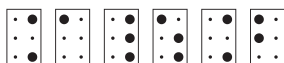
Conjunto vacío

$$A \cup B$$



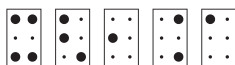
A unión B

$$A \cap B$$



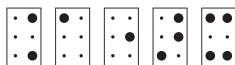
A intersección B

$$x \in A$$



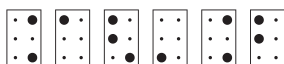
x pertenece a A

$$A \ni x$$



A contiene como elemento a x

$$A \subset B$$

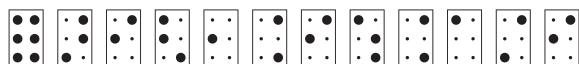


A incluido estrictamente en B

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

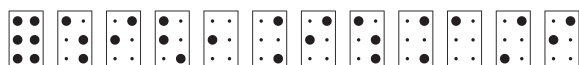
$$\bigcup_{i \in I} A_i$$

Unión para i perteneciente a I de los conjuntos A_i ²⁴

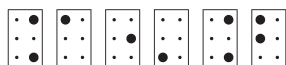


$$\bigcap_{i \in I} A_i$$

intersección para i perteneciente a I de los conjuntos A_i

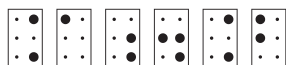


$$A \setminus B$$



A menos B

$$A \Delta B$$



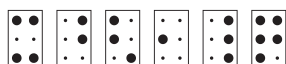
Diferencia simétrica o suma booleana

$$A / \sim$$



Conjunto cociente definido por la relación \sim

$$x \notin \mathbb{Q}$$



x no pertenece al conjunto de los números racionales

$$\mathbb{P} \not\subseteq \mathbb{N}$$



El conjunto de los números primos no incluye al conjunto de los números naturales

²⁴ En estos dos ejemplos se puede observar la utilización del elemento 156. Entre el signo de Unión (123456-345) y el elemento 156 se escribe, en suscrito, la información que le afecta.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

6.2. Lógica

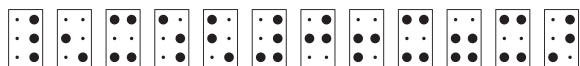
| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|----------------|----------------|---|
| | 46-3 | \forall | cuantificador universal: «para todo» |
| | 46-26 | \exists | cuantificador existencial: «existe por lo menos un elemento» |
| | 46-23 | $\exists!$ | cuantificador unitario: «existe un único elemento» |
| | 45-46-3 | \nexists | «no para todo» |
| | 45-46-26 | \nexists | «no existe» |
| | 456-234 | Υ | proposición verdadera (suele usarse también la letra «v») |
| | 456-126 | Λ | proposición falsa (suele usarse también la letra «f») |
| | 456-25 | \vdash | tautología: proposición universalmente válida |
| | 56-2 | \wedge | conjunción: «y» |
| | 456-26 | \wedge | conjunción (signo de mayor tamaño) |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Si en caracteres visuales este signo se encuentra sobre una letra, en braille se transcribirá antes de la letra.

$$\hat{x}(0 + x = x)$$

todos los x verifican que $0+x=x$



| | | | |
|--|------------|--|--|
| | 56-3 | \vee | disyunción «o» |
| | 456-24 | \vee | disyunción cuando es signo de mayor tamaño |
| | 6-3 | $\neg \rightarrow \rightarrow \neg \sim$ | negación lógica: «no» |
| | 25-135 | \Rightarrow | implica: «si... entonces» |
| | 246-25 | \Leftarrow | «es implicado por» |
| | 246-25-135 | \Leftrightarrow | doble implicación «sí y solo sí» |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA


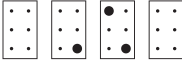
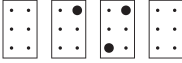
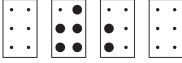
6.3. Otras notaciones

Conjuntos

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|----------------|----------------|--------------------------|
| | 5-246 | \prec | anterior a |
| | 56-246 | \preceq | anterior o simultáneo a |
| | 135-2 | \succ | posterior a |
| | 135-23 | \succeq | posterior o simultáneo a |
| | 2356-23 | \equiv | relación directa |
| | 56-2356 | \equiv | relación inversa |
| | 56-2356-23 | \equiv | relación recíproca |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Lógica

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---|----------------|----------------|---|
|  | 56-356 | ∇ | disyunción excluyente |
|  | 0-6-16-0 | \therefore | «por lo tanto» (precedido y seguido de cajetín en blanco) |
|  | 0-4-34-0 | \because | «puesto que» (precedido y seguido de cajetín en blanco) |
|  | 0-23456-23-0 | \triangleq | «según», «de acuerdo con» (precedido y seguido de espacio en blanco) |

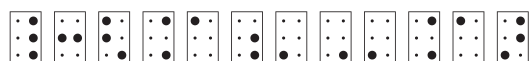
6.4. Ejemplos

$$\overline{A \cup B} = \overline{A} \cap \overline{B}$$



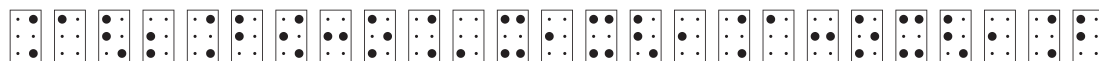
El complemento de $A \cup B$ es igual a la intersección del complemento de A y el complemento de B .

$$\vdash (A \vee \neg A)$$



Tautología: A o no A .

$$A \subseteq B \Leftrightarrow \forall x, x \in A \Rightarrow x \in B$$



A incluido en B si y solo si para todo x , $x \in A$ implica x pertenece a B .

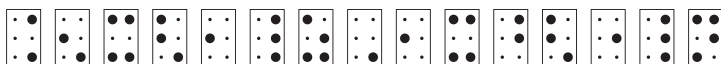
SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

$$(A \setminus B) \cap (B \setminus A) = \emptyset$$



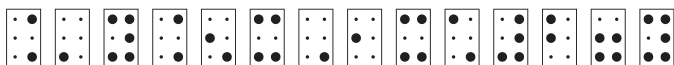
La intersección de $A \setminus B$ con $B \setminus A$ es igual al conjunto vacío.

$$\exists x \in \mathbb{Z} / x \notin \mathbb{N}$$



Existe x perteneciente al conjunto de los números enteros tal que x no pertenece al conjunto de los números naturales.

$$\forall y \exists x : x^2 = y$$



Para todo y existe x , tal que x al cuadrado es igual a y .

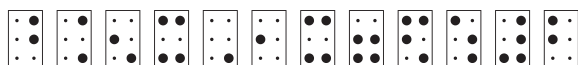
$$\exists ! x | x = \sqrt[3]{8}$$



Existe un único x tal que x es igual a la raíz cúbica de 8.

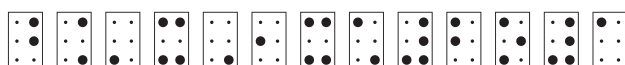
SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

$$\nexists x/x=\sqrt{2}$$



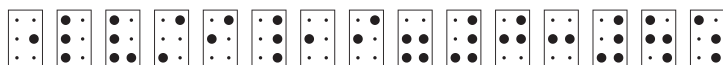
No existe x tal que x igual a la raíz cuadrada de dos.

$$\nexists x:x^2>1$$



No para todo x, x al cuadrado es mayor que uno.

$$\{v_i\}_{i=0}^{\infty}$$



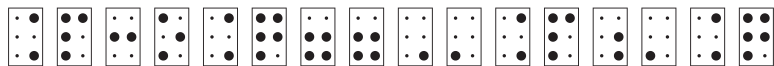
Conjunto de variable v_i desde i igual a cero hasta infinito.²⁵

²⁵ Como se puede ver en caracteres visuales, en este ejemplo el signo de cierre de llave tiene a su derecha un subíndice ($i=0$) y un superíndice (el signo de infinito, que es ∞). En braille se escribe siguiendo este orden:

- signo de cierre de llave,
- subíndice que afecta al cierre de llave,
- carácter braille 25,
- superíndice que afecta al cierre de llave,
- carácter braille 156.

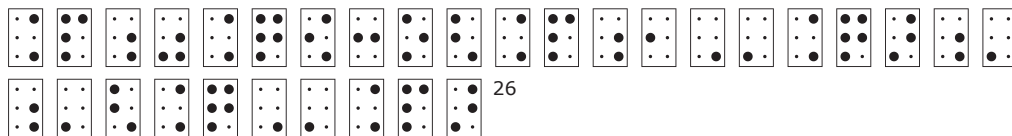
SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

$$P \Rightarrow Q \equiv \neg P \vee Q$$



P implica Q es idéntico a negación de P disyunción Q.

$$P \nabla Q \Leftrightarrow (P \wedge \neg Q) \vee (Q \wedge \neg P)$$



P disyunción excluyente Q implica P conjunción no Q disyunción Q conjunción no P.

²⁶ Véase cómo en este ejemplo es preciso repetir el signo de «disyunción» en el renglón siguiente.

7. Aplicaciones (funciones)

7.1. Notaciones elementales

Esta sección recoge ejemplos del modo en que se escriben las notaciones elementales de funciones. En ellos se utilizan los signos de la escritura básica además de algunos signos específicos para la representación de funciones que se relacionan a continuación.

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|------------------|-----------------------|---|
| | 25-25-2 | \longrightarrow | flecha a la derecha (se utiliza para correspondencia o aplicación entre conjuntos o elementos) |
| | 5-25-25-2 | \longleftrightarrow | flecha a izquierda y derecha (se utiliza para aplicación biyectiva) |
| | 124-126-1346-345 | $f(x)$ | función f de x^{27} |

²⁷ En caracteres visuales el signo oficial de función es f (letra «f» con gancho). En muchas ocasiones, por simplicidad, se utiliza la letra «f». En braille, siempre se escribirá con el carácter 124 que representa la letra «f», y nunca utilizando el prefijo de tipografía especial (v. 1.1. *Prefijos alfabéticos*), aunque en caracteres visuales figure el signo «f».

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

| | | | |
|---|-----------|----------|---|
|  | 124-346 | f^{-1} | forma abreviada de representar f^{-1} ²⁸ |
|  | 2356-2356 | \equiv | idéntico a |
|  | 6-23 | \circ | composición de funciones |
|  | 46 | : | dos puntos (cuando se emplea en funciones) |

Escritura de pares ordenados

En caracteres visuales los pares ordenados se escriben entre paréntesis, correspondiendo el primer dato al valor de las abscisas (x) y el segundo al de las ordenadas (y). La escritura correcta exige que entre ambos datos haya una coma.

(x,y)

En braille no se dejará espacio entre la coma y el valor de las ordenadas (y).

²⁸ Esta forma de representación abreviada es muy útil cuando se manejan funciones. La otra forma de escritura, también posible y permitida, es:



Como se puede observar, la forma abreviada supone un ahorro de tres cajetines braille.

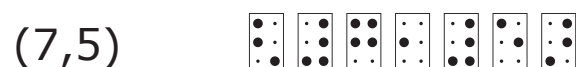
SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA



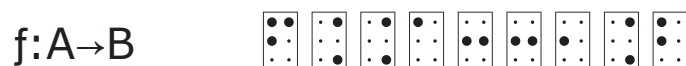
Si en el original hubiera un espacio en blanco entre la coma y el valor de la ordenada (y), en braille no es necesario dejar ese espacio.



Si ambos valores fueran numéricos, será preciso escribir el signo de número antes de cada uno de ellos, con el fin de evitar la posible confusión con un número decimal.



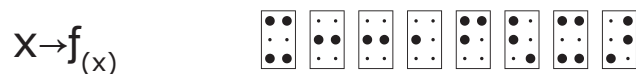
Ejemplos:



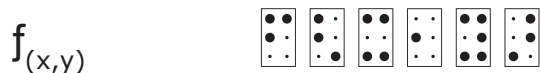
Aplicación f de A en B .
Nótese que para escribir los dos puntos se utiliza el signo 46



Aplicación biyectiva de A en B

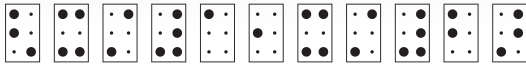


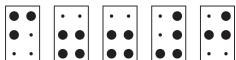
El elemento « x » se aplica en el elemento « $f(x)$ »



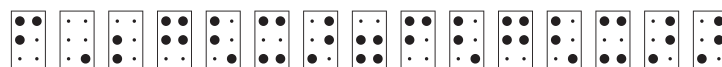
Función « f » de « x » en « y »

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

(X_1, X_2)  Par ordenado x_1, x_2

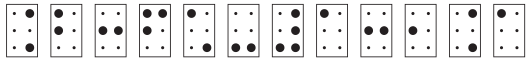
$f \equiv 0$  f es idéntico a cero

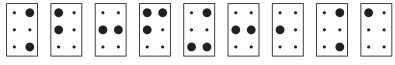
$f \circ g(x) = f(g(x))$ Aplicación compuesta de g con f aplicada a x es igual a f de g de x



Cuando la flecha de función está afectada por un índice, este se escribe en braille entre los dos elementos 25 que contiene la flecha:

$A \xrightarrow{f} B$  Aplicación f de A en B

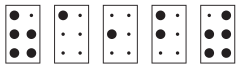
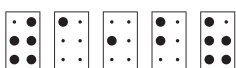
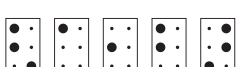
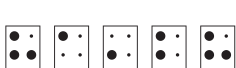
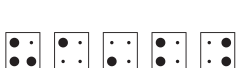
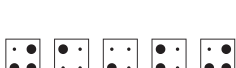

$B \xrightarrow{f^{-1}} A$  Aplicación inversa f de B en A (f a la -1 de B en A)

$B \xrightarrow{f^{-1}} A$  Forma abreviada de la representación anterior

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Intervalos

Se utilizan los signos de paréntesis comunes o de corchetes al igual que en caracteres visuales.

| | | |
|---------|---|---|
| $[a,b]$ |  | Intervalo cerrado de extremos a,b |
| $]a,b[$ |  | Intervalo abierto de extremos a,b |
| (a,b) |  | Intervalo abierto de extremos a,b |
| $[a,b[$ |  | Intervalo cerrado por la izquierda y abierto por la derecha |
| $[a,b)$ |  | Intervalo cerrado por la izquierda y abierto por la derecha |
| $]a,b]$ |  | Intervalo abierto por la izquierda y cerrado por la derecha |
| $(a,b]$ |  | Intervalo abierto por la izquierda y cerrado por la derecha |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

7.2. Límites

El signo de «límite» en braille siempre se escribe con el punto de abreviatura aunque no figure en el original en caracteres visuales.

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|----------------|----------------|-------------|
| | 123-24-134-3 | lim lim. | límite |

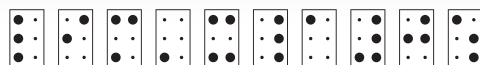
Ejemplos:

| | | |
|--------------------|--|-----------------|
| $\overline{\lim}$ | | límite superior |
| $\underline{\lim}$ | | límite inferior |

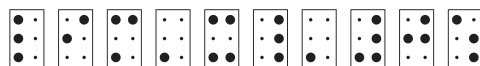
Si el signo «lim.» tiene en caracteres visuales información suscrita, en braille esta se escribirá entre el signo de «límite» y el carácter 156.

| | | |
|--------------------------|--|----------------------------|
| $X \rightarrow C$ | | x tiende a c |
| $\lim_{x \rightarrow c}$ | | límite cuando x tiende a c |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

$$\lim_{x \uparrow 0}$$


límite cuando x tiene
creciendo a 0²⁹

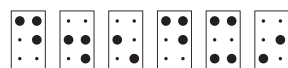
$$\lim_{x \downarrow 0}$$


límite cuando x tiene
decreciendo a 0

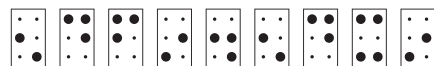
7.3. Derivadas

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|----------------|----------------|--|
| | 145 | d | «d» utilizada en derivadas |
| | 456-145 | ∂ | símbolo utilizado en derivadas parciales |

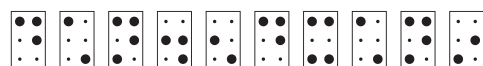
Ejemplos:

$$\frac{d}{dx}$$


derivada respecto de «x»

$$\frac{df}{dx}$$


derivada de «f» respecto de «x»

$$\frac{d^n}{dx^n}$$


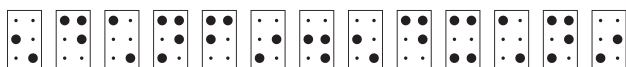
enésima derivada respecto de «x»

²⁹ Los signos de «flecha arriba» y «flecha abajo» se encuentran en el Apéndice I.

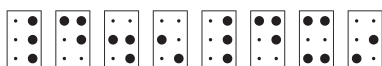
SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

$$\frac{d^n f}{dx^n}$$

Derivada enésima de «f» respecto de «x» n veces

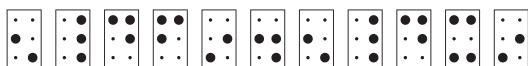


$$\frac{\partial}{\partial x}$$



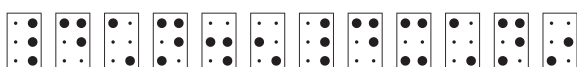
derivada parcial respecto de «x»

$$\frac{\partial f}{\partial x}$$



derivada parcial de «f»

$$\frac{\partial^n}{\partial x^n}$$



enésima derivada parcial respecto de «x»

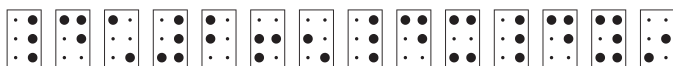
$$\frac{\partial^n f}{\partial x^n}$$

derivada parcial enésima de «f» respecto de «x» n veces



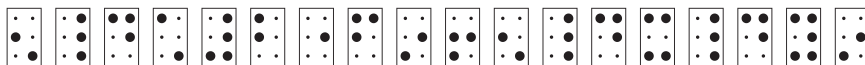
$$\frac{\partial^2}{\partial x \partial y}$$

derivada parcial segunda respecto de «x» y de «y»



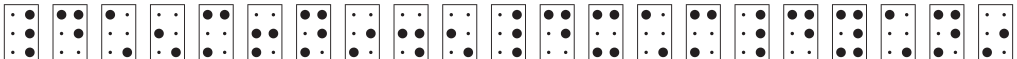
$$\frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y}$$

derivada parcial segunda de «f» respecto de «x» y de «y»



SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

$$\frac{\partial^{m+n}}{\partial x^m \partial y^n}$$
 derivada parcial de orden «m+n», respecto de «x» m veces y respecto de «y» n veces





$$\frac{\partial^{m+n} f}{\partial x^m \partial y^n}$$
 derivada parcial de orden «m+n» de «f», respecto de «x» m veces y respecto de «y» n veces



Nota

Existen otras notaciones muy usuales para las funciones derivadas, las cuales no se transcriben por ajustarse a las normas generales.

Operadores nabla y laplaciano

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---|----------------|----------------|---------------------|
|  | 4-12456 | ∇ | operador nabla |
|  | 456-236 | Δ | operador laplaciano |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

7.4. Integrales

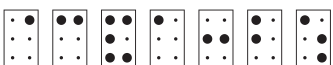
| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|---------------------------|----------------|-------------------------|
| | 12346-156 | \int | integral indefinida |
| | 12346-12346-156 | \iint | integral doble |
| | 12346-12346- 12346-156 | \iiint | integral triple |
| | 12346-356-156 | \oint | integral curvilínea |
| | 5-23 | * | producto de convolución |

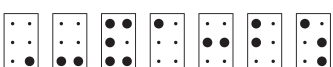
La representación en caracteres visuales de «integral definida» se caracteriza porque el signo de integral está acompañado por un subíndice y un superíndice, ambos a la derecha del signo. Esta información se escribirá en braille entre los dos caracteres que forman el signo de integral, escribiendo en primer lugar el subíndice y a continuación el superíndice, separados ambos por el carácter braille 25.³⁰

³⁰ Este mismo recurso se utiliza para la escritura de Σ (sumatorio) y Π (productorio), que se encuentran en 7.5.1.

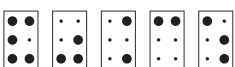
SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

\int_a  Integral definida entre a y b

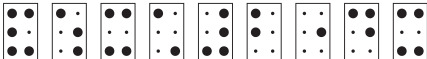
\int_a^b  Integral superior definida entre a y b

\int_a^b  Integral inferior definida entre a y b

Cuando la «Integral curvilínea» tiene la curva definida, esta información también se escribirá dentro del signo braille correspondiente.

\int_C  Integral curvilínea a lo largo de la curva C

Ejemplo:

$\int x^2 dx$ 

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

7.5. Notaciones sobre funciones determinadas

7.5.1. Sucesiones, progresiones y matrices

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|----------------|------------------------|--|
| | 46-25 | \div | progresión aritmética |
| | 46-25-13 | $\ddot{=}$ | progresión geométrica |
| | 45-3 | ! | factorial |
| | 46-126...345 | $\binom{\quad}{\quad}$ | paréntesis de coeficiente binómico (paréntesis más grande que el normal) |
| | 45-234 | Σ | sumatorio |
| | 45-1234 | Π | productorio |

Ejemplos:

$\{S_n\}$

Sucesión de término general s_n

(S_n)

Sucesión de término general s_n

7-12

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

$$\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$$

Límite de s_n cuando n tiende a infinito




$$\sum_{i=1}^n$$

Suma desde i igual a 1 hasta n ³¹



$$\sum_{i=1}^n S_i$$

Suma desde i igual a 1 hasta n , de los s_i



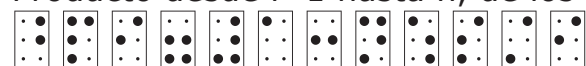
$$\prod_{i=1}^n$$

Producto desde i igual a 1 hasta n



$$\prod_{i=1}^n S_i$$


Producto desde $i=1$ hasta n , de los s_i



³¹ El texto que figure en suscrito y/o superescrito, que afecte tanto al signo de sumatorio como al de productorio, se escribe a continuación del signo correspondiente siguiendo esta estructura:

- texto en suscrito,
- carácter braille 25,
- texto en superescrito,
- carácter braille 156.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

$n!$  Factorial de n

$\binom{n}{r}$  Coeficiente binómico «n sobre r»

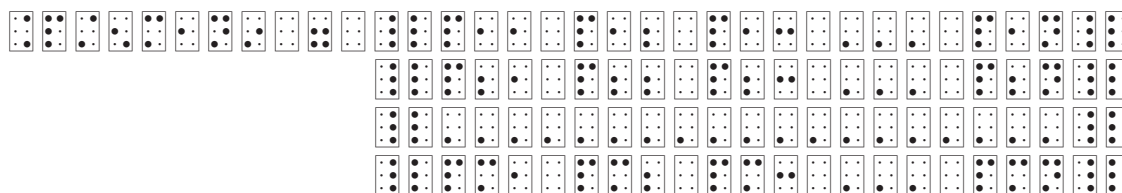
Matrices y determinantes

Las matrices y los determinantes se transcribirán respetando la posición que tienen los elementos en la escritura visual.

$$P_{m,n} = \begin{vmatrix} p_{1,1} & p_{1,2} & p_{1,3} & \cdots & p_{1,n} \\ p_{2,1} & p_{2,2} & p_{2,3} & \cdots & p_{2,n} \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ p_{m,1} & p_{m,2} & p_{m,3} & \cdots & p_{m,n} \end{vmatrix}$$

Se transcribirán utilizando la notación general. Sin embargo, por razones de espacio, se podrá utilizar la notación abreviada, consistente en no utilizar el signo de número y escribir estos en posición baja (v. 2.6).







En el siguiente ejemplo se ha utilizado la notación abreviada.



SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

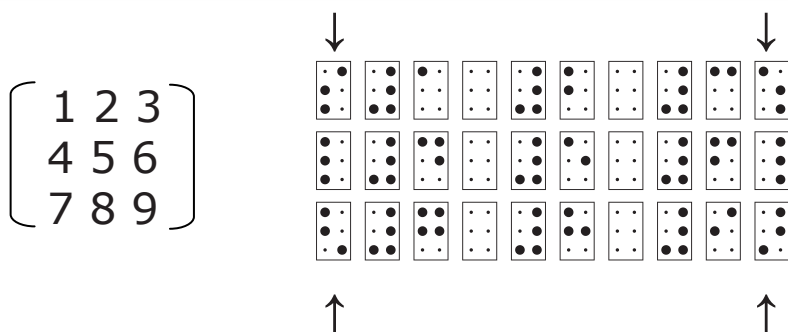
Nota

En ocasiones, las matrices están enmarcadas por paréntesis angulares de mayor tamaño que abarcan en su amplitud toda la matriz. En esos casos es conveniente utilizar los siguientes signos para diseñar los paréntesis en braille:

| Signo braille | Puntos braille | Significado |
|---|----------------|--|
|  | 234 | Esquina superior del signo de abrir paréntesis (solo para 1. ^a línea braille) |
|  | 123 | borde lateral del signo de abrir paréntesis (todas las líneas entre la 1. ^a y la última) |
|  | 126 | Esquina inferior del signo de abrir paréntesis (solo para la última línea braille) |
|  | 156 | Esquina superior del signo de cerrar paréntesis (solo para la 1. ^a línea braille) |
|  | 456 | borde lateral del signo de cerrar paréntesis (todas las líneas entre la 1. ^a y la última) |
|  | 345 | esquina inferior del signo de cerrar paréntesis (solo para la última línea braille) |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Ejemplo:³²



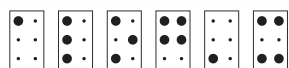
7.5.2. Funciones logarítmicas

Al igual que ocurre con los «límites» (7.2), en la escritura de las funciones logarítmicas se utilizará el punto abreviativo (punto 3) aparezca o no así en el original, y no se utilizará el signo de mayúscula. A continuación del punto 3, sin espacio en blanco, se escribirá la expresión afectada por el logaritmo.

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|------------------------------------|------------------------|---------------|
| | 123-135-1245-3-1346 | Log x log x | logaritmo |
| | 1-1345-2345-24-123-135-1245-3-1346 | Antilog x antilog x | antilogaritmo |

³² Como se puede observar, en este ejemplo no se utiliza la forma abreviada de representación de matrices.

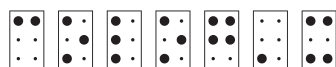
SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA



1-123-135-
1245-3-1346

Alog x
alog x

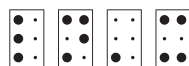
antilogaritmo



14-135-123-
135-1245-3-
1346

Colog
colog

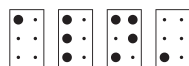
cologaritmo



123-1345-3-
1346

Ln x

logaritmo
natural o
neperiano de x

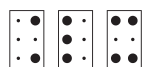


1-123-1345-3

Aln
aln

antilogaritmo
neperiano

Cuando el logaritmo neperiano se escribe solo con «L», en braille se escribirá con el signo de mayúscula y sin el punto 3 de abreviatura:



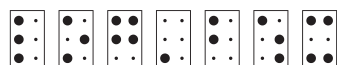
46-123-1346

L x

logaritmo
natural o
neperiano de X

Cuando aparezca indicada la base se utilizará el elemento 156.

$\text{Log}_b x$



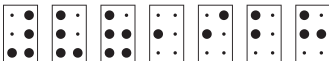
logaritmo en base b de x

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

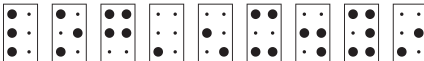
Características negativas de los logaritmos decimales

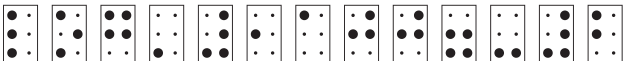
Se utilizará la tercera serie³³ del alfabeto braille anteponiéndole el signo numérico.³⁴

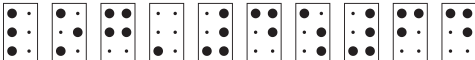
$\bar{1},345$  Log decimal de característica -1 y mantisa 345

$\bar{28},928$  Log decimal de característica -28 y mantisa 982

Ejemplos:

$\text{Log } \frac{x}{y}$  Logaritmo de x/y

$\text{Log } \frac{1}{100} = -2$  Logaritmo de una centésima es igual a -2

$\text{Log}_4 64$  Logaritmo en base cuatro de 64

³³ La tercera serie se forma con los signos de la primera serie (10 primeras letras) añadiendo los puntos 3 y 6.

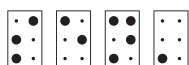
³⁴ Esta distinción, incorporando a la correspondiente cifra los puntos 3 y 6, se utiliza en ocasiones para indicar una tipografía o color diferentes respecto al resto de cifras. De tal circunstancia se ha de dar información al lector.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

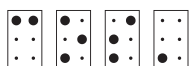
7.5.3. Funciones trigonométricas y sus inversas

Se respetará la representación que figure en el original, utilizando siempre el punto 3 a continuación de la abreviatura de función trigonométrica correspondiente.

El CMU recoge los siguientes signos para funciones trigonométricas y sus inversas.



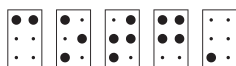
Seno



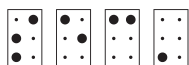
Coseno



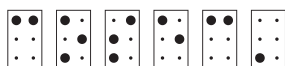
Tangente



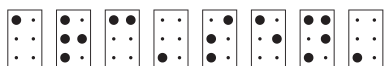
Cotangente



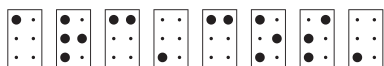
Secante



Cosecante



Arco seno

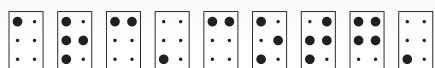


Arco coseno

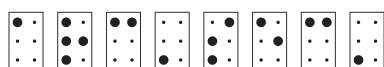


Arco tangente

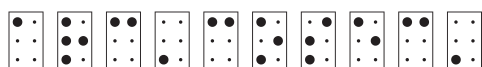
SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA



Arco contangente

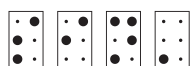


Arco secante



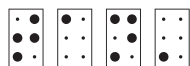
Arco cosecante

No obstante, existen otras abreviaturas, cada vez más utilizadas por ser habituales en calculadoras científicas, programas de edición, hojas de cálculo, etc., que se respetarán si así aparecen en el original. Es el caso, entre otras de:



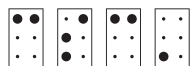
sin

seno



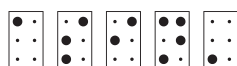
tan

tangente



csc

cosecante



asin

arco seno

Ejemplo:

sen(a+b)



Seno de (a+b)

Sen a+b



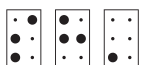
Seno de a+b

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

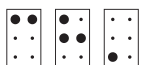
$$\tan(\alpha) = \frac{\sin(\alpha)}{\cos(\alpha)}$$

Tangente de alfa es igual a seno de alfa dividido por coseno de alfa

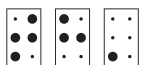
7.5.4. Funciones hiperbólicas y sus inversas



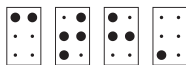
Seno hiperbólico



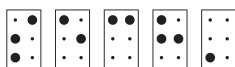
Coseno hiperbólico



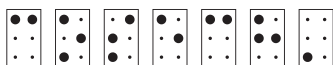
Tangente hiperbólica



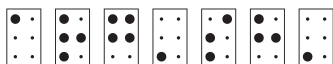
Cotangente hiperbólica



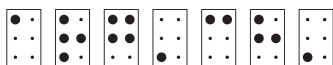
Secante hiperbólica



Cosecante hiperbólica



Argumento del seno hiperbólico

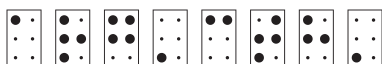


Argumento del coseno hiperbólico

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA



Argumento de la tangente hiperbólica



Argumento de la cotangente hiperbólica



Argumento de la secante hiperbólica



Argumento de la cosecante hiperbólica

Al igual que para las funciones trigonométricas y sus inversas, se respetará la representación que figure en el original, utilizando siempre el punto 3 a continuación de la abreviatura de función hiperbólica correspondiente.

7.6. Símbolos usuales con significados diversos

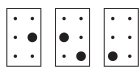
En distintas áreas de la matemática se utilizan ciertos símbolos para representar algunas relaciones. Cada uno de estos símbolos puede, según los autores, tener significados diversos. Asimismo, una relación determinada puede ser representada de distintas formas.

La lista siguiente incluye símbolos comúnmente utilizados para representar relaciones tales como: «equivalente a», «coordinable con», «aproximadamente igual a», «isomorfo a», «homeomorfo a», «congruente con» (en Geometría), «asintóticamente igual a», etc.

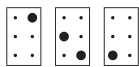
Signo braille

Puntos braille

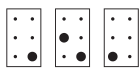
Signo en tinta



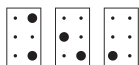
5-26-3



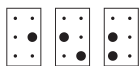
4-26-3



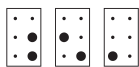
6-26-3



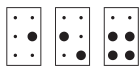
46-26-3



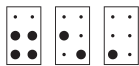
5-26-23



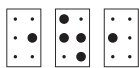
56-26-3



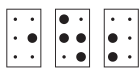
5-26-2356



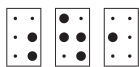
2356-26-3



5-1256-2



5-1256-23



56-1256-2



Si fuera preciso dar una correspondencia braille a otros símbolos se utilizarán con preferencia los que se recogen en el Apéndice II, dando cuenta de ello en una *Nota de transcripción braille*.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

7.7. Ejemplos ilustrativos

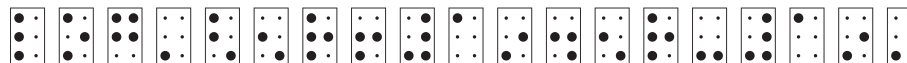
$$f(x) = \frac{\text{sen } x}{\text{sen}^2 x + 1}$$



$$\log \frac{r+1}{r-1}$$



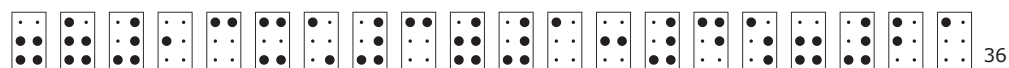
$$\log \left[\frac{r+1}{r-1} \right]$$



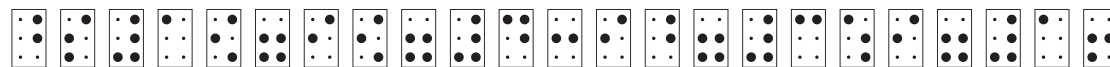
³⁵ Se puede comprobar en este ejemplo cómo se repite el signo del operador aritmético «+» en el renglón siguiente. La misma circunstancia se da en los dos últimos ejemplos.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

$$\int_1^4 x^2 dx = \left[\frac{1}{3} x^3 \right]_1^4 = 21$$



$$\sum_{\substack{1 \leq i \leq 4 \\ i \neq 3}} i = 1 + 2 + 4 = 7$$



³⁶ En este ejemplo se puede observar que el signo de «cerrar corchete» tiene, en caracteres visuales, un subíndice y un superíndice a su derecha. En braille esta información se escribe a continuación del símbolo afectado (en este caso «cerrar corchete») en el siguiente orden:

- subíndice,
- carácter braille 25,
- superíndice,
- carácter braille 156.













Es el mismo recurso que se utiliza para la escritura de información en superescrito, suscrito, subíndice a la derecha o superíndice a la derecha, cuando afecta a integrales, límites, logaritmos, sumatorios, productorios, etc.

8. Geometría

8.1. Notaciones elementales, vectores y figuras

Vectores y rectas

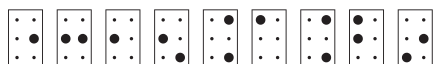
Los siguientes signos se escriben en caracteres visuales sobre el símbolo del vector. En braille, se escribirán antes del símbolo del vector (ver ejemplos).

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---|----------------|---|-------------------------------|
|  | 5-25-2 |  | recta |
|  | 25-2 |  | vector positivo semirrecta |
|  | 5-25 |  | vector opuesto |
|  | 6-156 |  | vector axial positivo |
|  | 4-345 |  | vector axial negativo |
|  | 4-14 |  | segmento |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

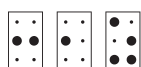
Ejemplos:

\overleftrightarrow{AB}



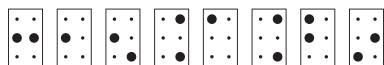
Recta AB

\vec{z}



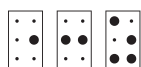
Vector positivo z

\overrightarrow{AB}



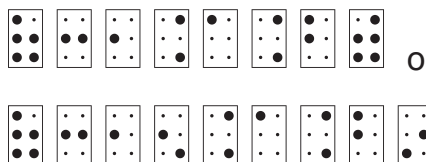
Semirecta de origen A
que contiene al punto B

\overleftarrow{z}



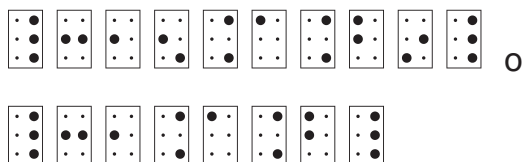
Vector opuesto z

$\overrightarrow{[AB]}$



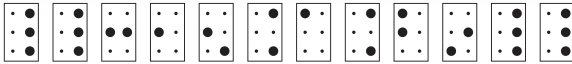

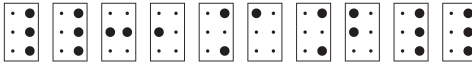
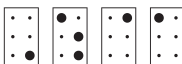


Vector libre

$|\overrightarrow{AB}|$







Módulo del vector AB

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

| | | |
|--------------------------|--|----------------------------|
| $\ \vec{AB}\ $ |    | Norma del vector AB |
| $\vec{\alpha}$ |  | Vector axial positivo alfa |
| $\overleftarrow{\alpha}$ |  | Vector axial opuesto alfa |
| \overline{AB} |  | Segmento AB |

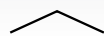
Arcos y ángulos

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---|----------------|---|--|
|  | 26-345 |  | arco (cuando está escrito antes del ángulo) |
|  | 4-25 |  | arco (cuando está escrito encima del ángulo) |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA



45-25



ángulo



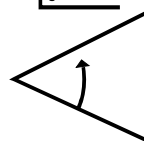
456-36



ángulo recto



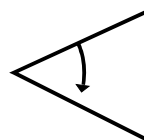
46-156



ángulo orientado
positivo



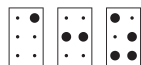
46-345



ángulo orientado
negativo

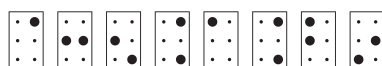
Ejemplos:

\widehat{z}



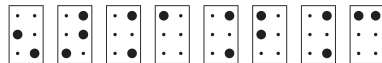
Arco z

\widehat{AB}



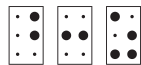
Arco AB

$\cup ABC$



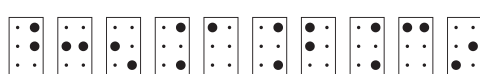
Arco correspondiente al
ángulo ABC

\widehat{z}



Ángulo z

\widehat{ABC}



Ángulo ABC

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

Figuras geométricas

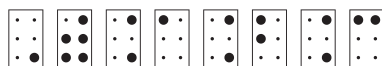
| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|----------------|----------------|-------------------------|
| | 6-23456 | | triángulo |
| | 456-236 | | triángulo rectángulo |
| | 456-13456 | | cuadrado |
| | 12346-13456 | | rectángulo |
| | 12346-135 | | polígono |
| | 246-135 | | círculo |
| | 26-35 | | curva geométrica |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

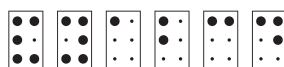
NOTA

Las letras que describen los puntos de las figuras no llevarán paréntesis auxiliares y se escribirán inmediatamente a continuación de la figura, sin dejar cajetín en blanco.

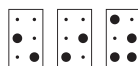
Ejemplos:



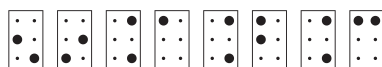
Triángulo de
vértices A, B, C



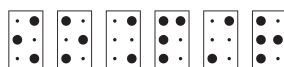
Rectángulo de
vértices a, b, c, d



Curva geométrica Z



Curva geométrica
ABC



circunferencia de
centro P y radio r

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

8.2. Medidas angulares

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---------------|----------------|----------------|-----------------------------------|
| | 356 | | grado sexagesimal |
| | 16-1245 | | grados centesimales ³⁷ |
| | 1256 | | minuto sexagesimal ³⁸ |
| | 16-1256 | | minuto centesimal |
| | 1256-1256 | | segundo sexagesimal |
| | 16-1256-1256 | | segundo centesimal |
| | 1235-1-145-3 | rad. | radián ³⁹ |



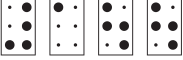

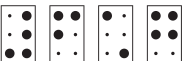
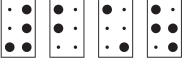
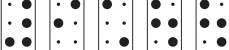
³⁷ Las medidas angulares en grados centesimales siempre llevan el carácter 16, que se corresponde con el signo de superíndice.

³⁸ Al añadir el carácter 16 a minutos y segundos, como se puede ver más abajo, se distinguen los minutos y segundos centesimales de los respectivos sexagesimales.



³⁹ Siempre debe ir seguido del punto 3, aunque en el original no figure ese punto.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

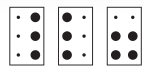
Ejemplos:

| | | |
|----------------|--|---|
| 5° |  | cinco grados sexagesimales (también se utiliza para grados de temperatura) |
| 7' |  | siete minutos sexagesimales |
| 1'' |  | un segundo sexagesimal |
| 5°7'1'' |  | cinco grados, siete minutos, un segundo |
| 6 ^g |  | seis grados centesimales |
| 2' |  | dos minutos centesimales |
| 9'' |  | nueve segundos centesimales |

8.3. Relaciones y operaciones

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta | Significado |
|---|----------------|--|---------------|
|  | 456-123 |  | es paralelo a |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA



456-123-2356



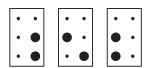
paralelo e igual a



3456-3



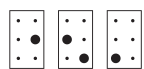
perpendicular a
ortogonal a



56-26-23



homólogo a
semejante a



5-26-3



equivale a
(se utiliza para
relacionar figuras
de la misma
área)



456-1246



proyectividad



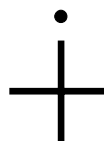
456-12456



perspectividad



4-235



suma de vectores









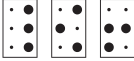





4-36



resta de vectores

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

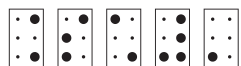
Siempre que no haya posibilidad de confusión, estos dos últimos signos (suma y resta de vectores) suelen reemplazarse por los signos comunes de suma y resta.

| | | | |
|---|-------------|---|-----------------------|
|  | 4-236 |  | producto vectorial |
|  | 56-2 |  | producto vectorial |
|  | 246-235 |  | suma directa |
|  | 456-246-235 |  | suma ortogonal |
|  | 246-236 |  | producto tensorial |
|  | 3 | . | producto escalar |
|  | 2 | , | producto escalar |

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

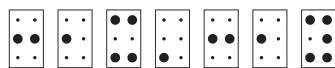
Ejemplos:

S^\perp



Complemento
ortogonal de S

$\vec{x} \cdot \vec{y}$



Producto escalar o
interno \vec{x} por \vec{y}

$\langle \vec{x}, \vec{y} \rangle$



Producto escalar o
interno \vec{x} por \vec{y}

Apéndice I

Algunas combinaciones de flechas, trazos y puntos⁴⁰

| Signo braille | Puntos braille | Signo en tinta |
|---------------|----------------|----------------|
| | 6-25-1356 | |
| | 25-3-1356 | |
| | 6-25-3-1356 | |
| | 6-25-2-1356 | |
| | 5-25-3-1356 | |
| | 5-25-2-1356 | |
| | 456-1 | |

⁴⁰ Se utiliza la letra «z» minúscula como base a la que afecta el signo en concreto.

SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA



456-3



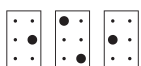
456-13



5-16



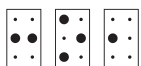
14-2



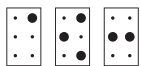
5-16-2



5-246-25



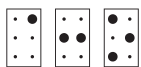
25-135-2



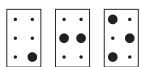
4-246-25



6-246-25



4-25-135



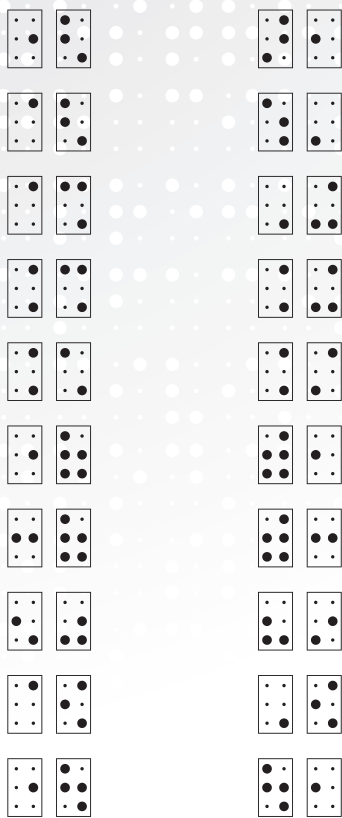
6-25-135



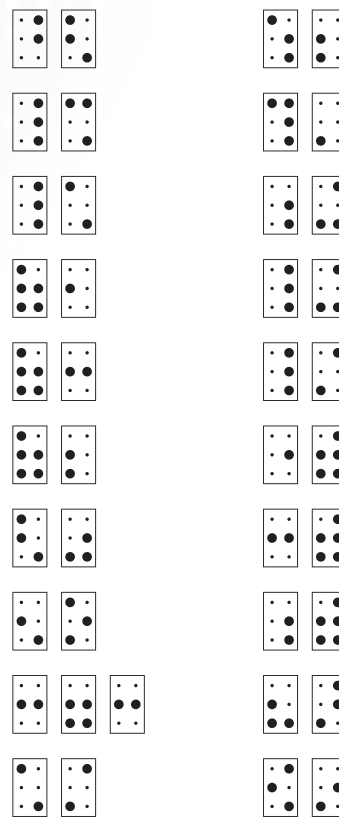
Apéndice II

Signos disponibles agrupados

a

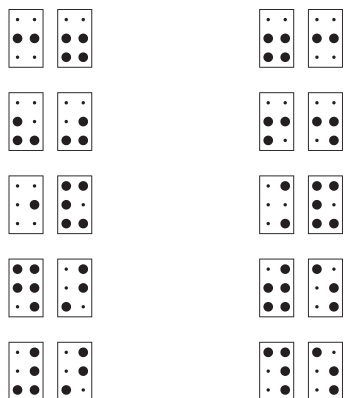


b

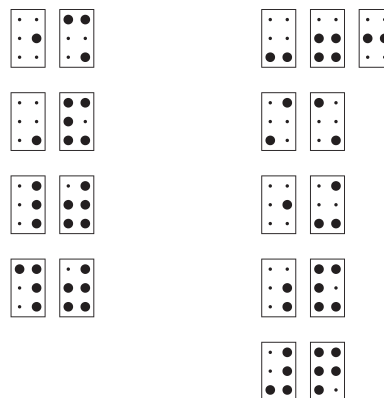


SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

a

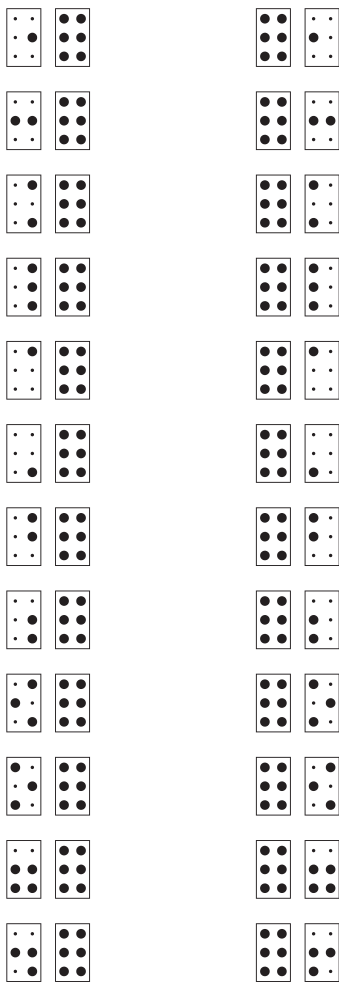


b

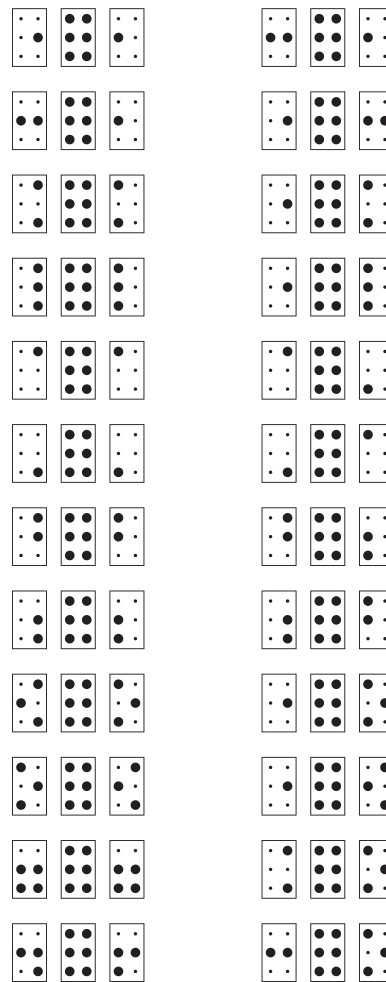


SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

c

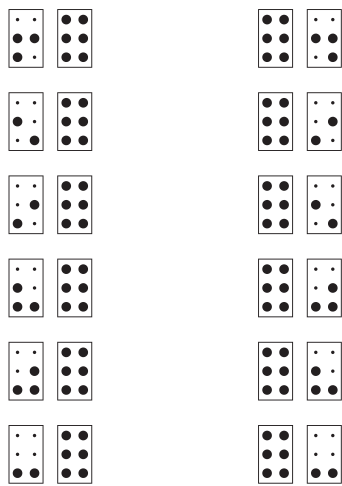


d



SIGNOGRAFÍA MATEMÁTICA

c



d

